

ماهنامه علمى پژوهشى

مهندسی مکانیک مدرس





شبیهسازی برخورد همزمان دو قطره موازی بر روی لایهی نازک مایع با استفاده از روش شبكه بولتزمن

3 سروش فلاح خارمياني 1 ، محمد يسنديده فرد 2 ، حميد نيازمند

- 1 دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد
 - 2- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد
 - 3 استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد
 - " مشهد، صندوق پستی 9177948944 mpfard@um.ac.ir

اطلاعات مقاله

دوفازی تک جزئی شان و چن

مقاله پژوهشی کامل دريافت: 22 ارديبهشت 1395 پذيرش: 19 تير 1395 ارائه در سایت: 16 مرداد 1395 کلید واژگان: شبكه بولتزمن برخورد، قطره

در این مقاله برخورد همزمان دو قطره ی موازی بر روی فیلم نازک مایع به روش شبکه بولتزمن مورد بررسی قرار می گیرد. هدف از این پژوهش بررسی تأثیر مقدار کشش سطحی (در قالب عدد وبر)، فاصله بین دو قطره و لزجت سینماتیک گاز بر روی برخورد است. مدل عددی توسعه داده شده در این مقاله که بر پایه مدل دوفازی تک جزئی شان و چن است، امکان دستیابی به نسبت چگالیهایی به بزرگی 1000، لزجتهای کم و تنظیم مقدار کشش سطحی مستقل از نسبت چگالی را فراهم می کند. اعتبارسنجی مدل دوفاز با مقایسه چگالی فازها با مقادیر متناظر از حل تحلیلی ماکسول، ارزیابی قانون لاپلاس برای قطره و شبیهسازی برخورد یک قطره به سطح مایع صورت می گیرد. نتایج شبیهسازی برخورد همزمان دو قطره نشان میدهد که پس از برخورد، دو جتی که بین دو قطره بالا آمدهاند به یکدیگر میپیوندند و تشکیل یک جت مرکزی می-دهند. ارتفاع این جت به مرور زمان افزایش می یابد که منجر به جدا شدن قطرههای ثانویه از نوک آن می شود. با کاهش مقدار کشش سطحی ارتفاع جت مرکزی افزایش اما اندازه قطرههای جدا شده از آن کاهش مییابد. شکل تاج مشاهده شده در برخورد یک قطره در برخورد همزمان دو قطره نیز دیده می شود. افزایش فاصله بین دو قطره سبب کاهش ارتفاع جت مرکزی و افزایش شعاع تاج می شود. با این وجود میزان ارتفاع تاج مستقل از فاصله بین دو قطره مشاهده شد. در نهایت افزایش لزجت گاز سبب کاهش سرعت بالا آمدن جت مرکزی و تأخیر در جدا شدن قطرههای ثانویه از نوک آن می گردد.

Modeling of simultaneous impact of two parallel drops on a thin liquid film using Lattice Boltzmann Method

Soroush Fallah Kharmiani, Mohammad Passandideh Fard*, Hamid Niazmand

Department of Mechanical Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran * P.O.B. 9177948944, Mashhad, Iran, mpfard@um.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 11 May 2016 Accepted 09 July 2016 Available Online 06 August 2016

Keywords: Lattice Boltzmann Method Impact Droplet single component two-phase Shan and Chen

In this paper, simultaneous impact of two parallel drops on a thin liquid film is investigated using the lattice Boltzmann method. The purpose of this study is to investigate the effects of surface tension (characterized by Weber number), distance between two drops, and gas kinematic viscosity on the impact. The developed numerical model in this paper which is based on the Shan and Chen pseudopotential two-phase model makes it possible to access large density ratios, low viscosities, and tunable values of surface tension independent of the density ratio. The model is validated by comparing the coexistence densities with those of Maxwell analytical solution, evaluating the Laplace law for a droplet, and simulating single droplet impact on a thin liquid film. Simulation results of two drops simultaneous impact show that after impact, two jets raised between the drops join each other and form a central jet. Height of this jet increases with time leading to separation of secondary droplets from its tip. When the surface tension value is decreased, the central jet height is increased, but the size of the separated droplets is reduced. The crown shape observed in single drop impact is also seen in simultaneous impact of two drops. Increasing distance between two drops leads to a smaller central jet height and an increase in the crown radius. The crown height, however, was found to be independent of the distance. Finally, increasing gas kinematic viscosity reduces the central jet rising speed and delays separation of secondary droplets from the jet.

سطح آبگرفته زمین و یا حوضچهها برخورد می کنند. این پدیده دارای کاربرد-های صنعتی و محیطی نیز است که از جمله آنها میتوان به تزریق سوخت در موتورهای احتراق داخلی، خوردگی پرههای توربین، سرمایش از طریق

1 - مقدمه

برخورد قطره بر روی سطح مایع پدیده جالب و در عین حال پیچیدهای است که در زندگی روزمره ما قابل مشاهده است، مانند زمانیکه قطرههای باران به

اسپری، روکش دهی با رنگ یا اسپری و فرسایش خاک اشاره کرد [2,1]. بنابراین محققان زیادی تلاش کردهاند تا با انجام آزمایش، شبیهسازی و حل-های تحلیلی متغیرهای فیزیکی تأثیرگذار بر این پدیده و نحوهی تأثیرگذاری آنها را شناسایی کنند. نتایج محققان نشان میدهد که برخورد قطره روی سطح مایع تحت تأثیر یک سری از اعداد بدون بعد است که در میان آنها عدد وبر (نسبت نیروی اینرسی به کشش سطحی)، عدد اونسورگ (نسبت نیروی لزجت به کشش سطحی)، عدد باند (نسبت نیروی جاذبه به کشش سطحی) و ضخامت بی بعد لایه مایع (نسبت ضخامت مایع به قطر قطره) مهمترین اعداد بی بعد هستند [3,2]. با توجه به مقادیر این اعداد بدون بعد نتایج مختلفی از جمله آمیختگی 2 و پاشش 3 امکان پذیر است. آستانه گذر از آمیختگی به پاشش نیز معمولا بوسیلهی عدد وبر بحرانی مشخص می شود.

رین [4] به طور جامع به مرور کارهای آزمایشگاهی انجام شده بر روی برخورد قطره به سطح جامد و مایع پرداخت. در حالت برخورد به فیلم مایع عمیق، نتایج بصورت ورجهش 4، آمیختگی و پاشش گزارش شد. تأثیر عوامل مؤثر بویژه عدد وبر بر این نتایج نیز مورد بحث قرار گرفت. در پژوهش مروری دیگر یارین [5] به ارائه نتایج مختلف آزمایشگاهی، عددی و تحلیلی محققان در رابطه با برخورد قطره مایع روی سطح جامد و مایع پرداخت.

یارین و ویس [6] بصورت آزمایشگاهی به بررسی برخورد چندین قطرهی مایع بصورت متوالی بر روی سطح جامد پرداختند. نتایج آزمایش آنها نشان از تولید امواج کشسان 5 در سرعتهای پایین و پاشش در سرعت برخوردهای بالا داشت. همچنین آنها بصورت تحلیلی روابط مختلفی از جمله روند تغییرات شعاع تاج 6 با زمان ارائه کردند و سپس این روابط را با نتایج متناظر حاصل از آزمایشهای خود مقایسه نمودند. افزون بر این، آنها توانستند نمودار آستانهی پاشش را از طریق تغییر عدد کاپیلاری⁷ (نسبت عدد وبر به رینولدز) و طول لزجت 8 بدست آورند.

ونگ و چن [7] به بررسی برخورد قطره بر روی فیلم بسیار نازک مایع پرداختند و اعداد وبر بحرانی برای گذر به پدیده پاشش را گزارش کردند. آن-ها دریافتند که عدد وبر بحرانی برای فیلمهایی با ضخامت بی بعد کمتر از 0.1 مستقل از ضخامت لایه مایع است، در حالیکه افزایش لزجت مایع منجر به افزایش عدد وبر بحرانی میشود.

منزلو و یانگ [8] به طور آزمایشگاهی برخورد قطرهی آب بر روی سطح آب و سطح متوکسی نانوفلوروبوتان 9 یا اچ اف ای 10 7100 (یک مایع پرکاربرد صنعتی) را مورد مطالعه قرار دادند. آنها دریافتند که در حالت برخورد به لايه عميق اچ اف اي7100، جت مركزي بالا آمده از سطح آن دچار انفصال نشده و هیچ قطره ثانویهای از آن جدا نمی شود. بنابراین آنها نتیجه گرفتند که وبر بحرانی برای شکل گیری پاشش جت مرکزی برای مایع مذکور تعریف نمی شود. این موضوع در برخورد بر روی سطح آب صادق نبود و جدا شدن قطرههای ثانویه از جت مرکزی در اعداد وبر فوق بحرانی مشاهده شد. همچنین نتایج آزمایش آنها نشان از مستقل بودن مقدار وبر از ضخامت لایه آب داشت.

کوسالی و همکاران [2] تغییرات زمانی متغیرهای مختلف برخورد از

جمله قطر و ارتفاع تاج و همچنین سرعت عمودی آن را مورد مطالعه قرار دادند. آنها دریافتند که سرعت عمودی رشد و بازگشت تاج و همچنین نرخ گسترش قطر آن مستقل از عدد وبر است. اوكاوا و همكاران [9] نيز بصورت آزمایشگاهی به اندازه گیری نسبت قطر و جرم قطرههای ثانویه به قطر و جرم قطره اولیه پرداختند.

روش سنتی شبیه سازی مسائل مرتبط با دینامیک سطح مشترک، استفاده از روش ماکروسکوپیک حجم کنترل برای حل معادلات ناویر-استوکس به همراه یک روش ریاضی برای بازسازی موقعیت قرارگیری سطح مشترک است. روش حجم سیال [10] و روش سطح بندی [11] معروفترین و پرکاربردترین روشها برای شناسایی و بازسازی موقعیت سطح مشترک شناخته میشوند. ریبر و فرون [3] بصورت سهبعدی و با استفاده از روش حجم سیال برخورد قطره مایع بر روی فیلم نازکی از مایع را شبیهسازی کردند. اسدی و پسندیده فرد [12] نیز با استفاده از روش حجم سیال بصورت تقارن محوری برخورد قطره روی فیلم مایع را به طور نسبتا جامعی مورد مطالعه قرار دادند و روابطی را نیز برای پارامترهای مختلف حاکم بر مسئله ارائه نمودند. لی و همکاران [13] از روش سطح بندی در مختصات دو بعدی استفاده کردند. گااو و همکاران [14] نیز با ترکیب روشهای سطح بندی و حجم سیال به صورت دوبعدی پدیده برخورد قطره روی فیلم مایع را مورد مطالعه قرار دادند.

در سالهای اخیر روش شبکه بولتزمن به عنوان یک روش جایگزین مناسب برای شبیهسازی جریانهای مختلف از جمله جریانهای دوفاز مطرح شده است. این روش از سادگی قابل ملاحظهای نسبت به روشهای ماکروسکوپیک سنتی برخوردار است و همچنین هزینه محاسباتی در این روش در بسیاری از مسائل بویژه جریانهای دوفاز کمتر است. زیبایی روش شبکه بولتزمن در شبیه سازی مسائل دوفاز، عدم نیاز به ردیابی سطح مشترک است. در میان مدلهای دوفاز موجود در روش شبکه بولتزمن، روش پتانسیل شان و چن [16,15]، روش انرژی آزاد سوئیفت و همکاران [17] و روش هی و همكاران [18] به طور گسترده مورد استفاده قرار مى گيرند. با اين وجود تمام این مدلها دارای یک سری ضعفها از جمله محدودیت افزایش نسبت چگالی هستند. بنابراین تلاشهای زیادی برای از بین بردن و یا کاهش ضعفهای مدلهای مذکور انجام شده است که منجر به ارائه مدلهای بهبود یافته جدیدی گردیده است.

مطالعات موجود در منابع که در ارتباط با شبیه سازی برخورد قطره بر روی سطح مایع با استفاده از روش شبکه بولتزمن باشند، اندک است. لی و لين [19] با اصلاح مدل هي توانستند به نسبت چگاليهاي بالا دست يابند. آنها برخورد قطره مایع بر روی فیلم نازک را بصورت دوبعدی شبیهسازی کردند، با این وجود تنها به بررسی تاثیر عدد رینولدز در محدودهی کمتر از 500 بسنده کردند. گااو و ونگ [20] بر اساس مدل هی به بررسی تاثیر نسبت چگالی در مختصات دوبعدی پرداختند و دریافتند که شکل تاج در نسبت چگالیهای پایین دارای یک خم به سمت داخل است. چنگ و لو [21] با استفاده از مدل انرژی آزاد به بررسی برخورد سهبعدی و مایل قطره به فیلم نازک مایع در نسبت چگالی 100 و اعداد رینولدز به بزرگی 2000 پرداختند. خاتون آبادی و اشرفی زاده [22] نیز با استفاده از مدل پتانسیل شان و چن برخورد قطره بر روی فیلم نازک مایع را در دو بعد شبیه سازی کردند.

اگرچه کارهای آزمایشگاهی، عددی و تحلیلی زیادی بر روی برخورد یک قطره بر روی فیلم مایع انجام گرفته است اما تعداد تحقیقات انجام شده در

¹ Ohnesorge

Deposition or Coalescence Splashing

Bouncing

Capillary waves

Crown

Capillary number

Viscosity length

⁹ Methoxy-nonafluorobutane ¹⁰ HFE 7100

رابطه با مکانیزم برخورد بیش از یک قطره بر روی سطح مایع بسیار کم است. رمان و همكاران [23] و لى و همكاران [24] با استفاده از مدل لى و لين [18] برخورد همزمان دو قطره موازی هم بر روی سطح مایع را شبیهسازی کردند. بر اساس اطلاع نویسنده شبیهسازی برخورد همزمان دو قطره موازی بر روی فیلم مایع با استفاده از روش پتانسیل شان و چن انجام نگرفته است. اساس این مدل دوفاز، مدلسازی نیرویی است که در دماهایی کمتر از دمای بحرانی سیال منجر به جداشدن فازهای مایع و گاز میشود. مزیت مدل پتانسیل شان و چن نسبت به سایر مدل ها سادگی و هزینه محاسباتی پایین آن است. با این وجود این مدل دارای محدودیتهای متعددی از جمله محدودیت رسیدن به نسبت چگالیهای بالا، وابستگی مقدار کشش سطحی به نسبت چگالی، ناپایداری در لزجتهای کم و وجود سرعتهای غیرفیزیکی در سطح مشترک است. مدل توسعه داده شده در این مقاله تقریبا تمامی مشکلات ذکر شده را برطرف کرده و یا کاهش داده است و بنابراین توانایی شبیهسازی جریانهایی با نسبت چگالی به بزرگی 1000 و لزجتهای پایین را دارا بوده و امکان تنظیم مقدار کشش سطحی مستقل از نسبت چگالی نیز وجود دارد. در این پژوهش بر اساس مدل یک جزیی- دوفاز شان و چن در شبکه بولتزمن و استفاده از تابع برخورد با چند زمان آرامش²، برخورد همزمان دو قطره موازی بر روی فیلم نازک مایع به همراه بررسی تأثیر کشش سطحی، فاصلهی بین دو قطره و لزجت سینماتیک گاز به عنوان سه پارامتر بسیار مهم در برخورد مورد مطالعه قرار می گیرد.

2- مدل عددي

معادله شبکه بولتزمن با استفاده از عملگر برخورد مشهور باهاتنگار - گروس -کروک [25] و در حضور نیروی خارجی عبارت است از [26]:

$$f_{\alpha}(x + e_{\alpha}\delta t, t + \delta t) - f_{\alpha}(x, t)$$

$$= -\frac{1}{\tau} \Big(f_{\alpha}(x, t) - f_{\alpha}^{eq}(x, t) \Big) + \delta t F_{\alpha}$$
(1)

در معادله (1)، x مکان ذره، e_{α} مولفه سرعت شبکه در جهت δt گام زمانی، زمان آرامش، F_{α} ترم نیرو و f_{α} و و f_{α}^{eq} به ترتیب بیانگر تابع توزیع و تابع توزیع auتعادلی ذره در جهت α میباشند. برای جریانهای تراکم ناپذیر (محدوده عدد ماخ پایین) تابع توزیع تعادلی از رابطه (2) بدست می آید [27]:

$$f_{\alpha}^{\text{eq}} = \omega_{\alpha} \rho \left[1 + \frac{e_{\alpha} \cdot V}{c_{s}^{2}} + \frac{(e_{\alpha} \cdot V)^{2}}{2c_{s}^{4}} - \frac{V \cdot V}{2c_{s}^{2}} \right]$$
 (2)

در معادله (2)، ω_{lpha} ضریب وزنی در جهت lpha بوده و c_s سرعت صوت در شبکه و -رابر با یک می برابر با یک می $c = \delta x/\delta t = 1$ است. $c/\sqrt{3}$ ابر با یک می باشند. ρ و V نیز به ترتیب چگالی و سرعت ماکروسکوپیک میباشند.

برای شبکه D2Q9 مورد استفاده در این پژوهش، مؤلفههای سرعت و ضرایب وزنی عبارتند از [27]:

$$e_{\alpha} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & -1 & 0 & 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -1 & 1 & 1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$
 (3)

$$\omega_{\alpha} = \begin{cases} \frac{4}{9} & , & \alpha = 0\\ \frac{1}{9} & , & \alpha = 1,2,3,4\\ \frac{1}{36} & , & \alpha = 5,6,7,8 \end{cases}$$
 (4)

: [29] قابل بیان است
$$f_lpha(x+e_lpha\delta t,t+\delta t)-f_lpha(x,t)$$

برای وارد کردن نیروی خارجی در معادلهی شبکه بولتزمن نیاز به یک طرح

نیرویی³ است. گااو و همکاران [26] با در نظر گرفتن تأثیر شبکه بولتزمن

گسسته بر روی جمله نیرو، توانستند طرحی ارائه کنند که بسط معادلهی

شبکه بولتزمن حاصل از آن منجر به رسیدن به معادلات بقای جرم و ناویر-

استوکس در ابعاد ماکروسکوپیک میشود. با این وجود استفاده از این طرح

نیرویی در مدل دوفاز پتانسیل شان و چن برای نسبت چگالیهای نسبتا بالا

كارا نيست و منجر به ناپايداري حل مي شود [28,27]. لي و همكاران [28] با

اصلاح ترم سرعت در روش گااو، طرحی ارائه کردند که در نسبت چگالیهای

بالاتر نيز پايدار است. اين طرح نيرويي بصورت رابطه (5) بيان ميشود [28]:

در رابطه $(5)، (7-0.5)\psi^2$ است که به $V' = V + \epsilon F/((\tau-0.5)\psi^2)$ در رابطه

منظور دستیابی به مقادیر چگالی منطبق بر مقادیر حاصل از ترمودینامیک

تنظیم می شود (با صفر قرار دادن مقدار ϵ ، مدل گااو حاصل می شود). ψ تابع

جرم مؤثر 4 نام دارد که تابع چگالی محلی است و F مجموع تمام نیروهای

 $F = F_1 + (1 + 1)$ است. در این پژوهش وارد شده بر هر ذره سیال

که در آن F_1 نیروی برهمکنش بین سیال - سیال و F_2 نیروی برهمکنش F_2

بین سیال - جامد است. در این مقاله تمرکز بر روی مراحل اولیه برخورد

بزرگتر و لزجتهای کمتر، از تابع برخورد با چند زمان آرامش استفاده می-گردد. معادلهی شبکه بولتزمن با زمان آرامش چندتایی بصورت رابطه (6)

به منظور دستیابی به مدل عددی پایدارتر و درنتیجه نسبت چگالیهای

قطره بوده و لذا تأثير نيروى جاذبه ناچيز است [19,5].

 $F_{\alpha} = \omega_{\alpha} \delta t \left(1 - \frac{1}{2\tau} \right) \left[\frac{e_{\alpha} - V'}{c_{s}^{2}} + \frac{(e_{\alpha} \cdot V')}{c_{s}^{4}} e_{\alpha} \right] \cdot F$

$$f_{\alpha}(x + e_{\alpha}\delta t, t + \delta t) - f_{\alpha}(x, t)$$

$$= -\sum_{i} \Lambda_{\alpha i} \left(f_{i} - f_{i}^{\text{eq}} \right) + \delta t \left(s_{\alpha} - \frac{1}{2} \sum_{i} \Lambda_{\alpha i} s_{i} \right)$$
 (6)

در رابطه (6)، Λ ماتریس زمان آرامش و s ترم نیرو است. با مقایسه معادلهی (6) با معادلات (1) و (5)، ترم نیرو s برابر است با [30] :

$$s_{\alpha} = \omega_{\alpha} \left[\frac{e_{\alpha} - V'}{c_{s}^{2}} + \frac{(e_{\alpha} \cdot V')}{c_{s}^{4}} e_{\alpha} \right] \cdot F \tag{7}$$

به طور معمول راحتتر آن است که مرحله برخورد در فضای مومنتم انجام گیرد، بنابراین سمت راست 5 معادلهی (6) با ضرب در ماتریس تبدیل M به فضاى مومنتم انتقال مى يابد:

$$M \cdot \left(\text{RHS of Eq. (6)} \right) = m = -\sum_{i} \widehat{\Lambda}_{\alpha i} \left(\widehat{f}_{i} - \widehat{f}_{i}^{\text{eq}} \right)$$
$$+ \delta t \sum_{i} \left(I_{\alpha i} - \frac{1}{2} \widehat{\Lambda}_{\alpha i} \right) \widehat{s}_{i} \tag{8}$$

ماتریس تبدیل M در مدل D2Q9 ذکر شده برابر است با [31]:

$$M = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ -4 & -1 & -1 & -1 & -1 & 2 & 2 & 2 & 2 & 2 \\ 4 & -2 & -2 & -2 & -2 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & -1 & 0 & 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & -2 & 0 & 2 & 0 & 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -1 & 1 & 1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & -2 & 0 & 2 & 1 & 1 & -1 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$$
(9)

$$\hat{f} = Mf \tag{10}$$

³ Forcing scheme

⁵ Right Hand Side (RHS)

Spurious currents

² Multi Relaxation Time

$$\hat{s} = \begin{bmatrix} 0 \\ 6(v_x F_x + v_y F_y) + \frac{12\epsilon |F|^2}{\psi^2 (1/s_2 - 0.5)} \\ -6(v_x F_x + v_y F_y) - \frac{12\epsilon |F|^2}{\psi^2 (1/s_3 - 0.5)} \\ F_x \\ -F_x \\ F_y \\ -F_y \\ 2(v_x F_x - v_y F_y) \\ v_x F_y - v_y F_x \end{bmatrix}$$

$$(17)$$

به منظور ایجاد قابلیت تنظیم مقدار کشش سطحی مستقل از نسبت چگالی، لی و همکاران [34] یک جملهی چشمه به سمت راست معادلهی شبکه بولتزمن با زمان آرامش چندتایی اضافه کردند. در نتیجه معادلهی (8) بصورت رابطه (18) اصلاح می گردد [34]:

$$\begin{split} m_{\text{new}} &= -\sum_{i} \widehat{\Lambda}_{\alpha i} \left(\widehat{f}_{i} - \widehat{f}_{i}^{\text{eq}} \right) + \delta t \sum_{i} \left(I_{\alpha i} - \frac{1}{2} \widehat{\Lambda}_{\alpha i} \right) \widehat{s}_{i} \\ &+ \delta t C_{\alpha} \end{split} \tag{18}$$

[34] در رابطه (18) جمله [34] عبارتست از

$$C = \begin{bmatrix} 0 \\ 1.5\tau_e^{-1}(Q_{xx} + Q_{yy}) \\ -1.5\tau_{\zeta}^{-1}(Q_{xx} + Q_{yy}) \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ -\tau^{-1}(Q_{xx} - Q_{yy}) \\ -\tau^{-1}Q_{xy} \end{bmatrix}$$

$$(19)$$

 $Q = \kappa \frac{G}{2} \psi(x, t) \left[\sum_{\alpha} w(|e_{\alpha}|^{2}) \begin{bmatrix} \psi(x + e_{\alpha}, t) \\ -\psi(x, t) \end{bmatrix} e_{\alpha} e_{\alpha} \right]$ (20)

در رابطه (20)، κ ضریبی است که با تغییر آن می توان مقدار کشش سطحی را $w(2) = \frac{1}{12}$ و $w(1) = \frac{1}{3}$ بوده و $\frac{1}{6}$ بوده و خرایب معادله ضرایب وزنی هستند (اگر این ضرایب در c_s^2 ضرب شوند همان ضرایب معادله (4) بدست می آبند).

مرحله انتشار در همان میدان سرعت انجام می گیرد. بنابراین پس از انجام برخورد در فضای مومنتم، ترم برخورد یعنی معادلهی (18) بایستی به میدان سرعت بازگردد که این کار با ضرب ترم برخورد در معکوس ماتریس تبدیل M محقق می شود. در نتیجه مرحله انتشار عبارت است از [32]:

$$f_{\alpha}(x + e_{\alpha}\delta t, t + \delta t) = M^{-1}(\hat{f} + m_{\text{new}})$$
(21)

نیروی برهمکنش بین ذرات سیال و تابع جرم مؤثر ψ عبارتند از [32]:

$$F_1(x,t) = -G\psi(x,t) \left[\sum w(|e_\alpha|^2) \psi(x+e_\alpha,t) \, e_\alpha \right] \tag{22}$$

$$\psi = \sqrt{\frac{2(P_{EOS} - \rho c_s^2)}{Gc^2}} \tag{23}$$

مقدار c در رابطه (23) همانطور که قبلا ذکر شد برابر با یک است. در این

با ضرب ماتریس تبدیل در ماتریس تابع توزیع تعادلی (رابطه (2)) داریم [32]:

$$\hat{f}^{\text{eq}} = M f^{\text{eq}} = \rho (1, -2 + 3|V|^2, 1 - 3|V|^2, v_x, -v_x, v_y, -v_y, v_x^2 - v_y^2, v_x v_y)^{\text{T}}$$
(11)

 v_x در معادله (11) مؤلفههای سرعت ماکروسکوپیک میباشند. در معادله (v_x , v_y) ماتریس واحد و $\hat{\Lambda}$ ماتریس زمان آرامش قطری در فضای مومنتم است که بصورت رابطه (12) بیان می گردد [32]:

 $\hat{\Lambda} = M\Lambda M^{-1} = \text{diag}(s_1, s_2, s_3, s_4, s_5, s_6, s_7, s_8, s_9) =$

$$\operatorname{diag}(\tau_{\rho}^{-1}, \tau_{e}^{-1}, \tau_{\zeta}^{-1}, \tau_{f}^{-1}, \tau_{q}^{-1}, \tau_{f}^{-1}, \tau_{q}^{-1}, \tau_{q}^{-1}, \tau^{-1}, \tau^{-1})$$
(12)

در رابطه (12)، ρ کمیت چگالی، ρ انرژی و γ مرتبط با مجذور انرژی است. ρ مومنتم و ρ شار انرژی است. ρ همان زمان آرامش مورد استفاده در مدل برخورد باهاتنگار - گروس — کروک است. نکته قابل توجه این است که با تبدیل ماتریس زمان آرامش به یک ماتریس قطری در فضای مومنتم، زمان های آرامش مربوط به متغیرهای فیزیکی مختلف مذکور از یکدیگر مستقل شدهاند.

عضوهای s_4 و s_6 برابر با یک میباشند. s_2 و s_3 به ترتیب به لزجت حجمی و لزجت سینماتیک مرتبط میشوند [32]:

$$\lambda = \left(\frac{1}{s_2} - 0.5\right)c_s^2\tag{13}$$

$$v = (\tau - 0.5)c_s^2 \tag{14}$$

اثبات شده است که زمان آرامش مرتبط با لزجت سینماتیک، تابعی از چگالی سیال است که در این پژوهش توسط میانیابی خطی ارائه شده در فرمول (15) محاسبه می شود [33]:

$$\tau = \tau_g + \frac{\rho - \rho_g}{\rho_l - \rho_g} (\tau_l - \tau_g) \tag{15}$$

در رابطه (15)، τ_g , τ_l , τ_g , τ_l , τ_g , τ_l و ρ_l به ترتیب عبارتند از: زمان آرامش فاز کار، و ρ_l به گاز، چگالی مایع و چگالی محلی در میدان جریان دو فاز. با توجه به معادلهی (15) اگر چگالی سیال برابر با چگالی هر یک از فازها باشد، زمان آرامش کلی برابر با زمان آرامش متناظر آن فاز خواهد بود. لزجت سینماتیک متناظر هر فاز نیز از رابطه (14) براحتی محاسبه می گردد. بدین ترتیب امکان متفاوت بودن ویسکوزیته سینماتیک (در نتیجه ویسکوزیته دینامیک) فازها فراهم می شود.

چگالی و سرعت ماکروسکوپیک نیز از تابع توزیع مطابق رابطه (16) محاسبه می گردند [32]:

$$\rho = \sum_{\alpha} f_{\alpha} \qquad , \qquad \rho V = \sum_{\alpha} f_{\alpha} e_{\alpha} + \frac{\delta t}{2} F$$
 (16)

در معادله (16)، رابطه چگالی و سرعت به ترتیب بیانگر قانون بقای جرم و بقای مومنتم می،باشند.

لی و همکاران [32] رابطه (17) را برای ترم نیرو در فضای مومنتم پیشنهاد کردند:

¹ Bulk viscosity

پژوهش از معادله حالت كارناهان -استارلينگ استفاده مي شود [27]:

$$P_{EOS} = \rho RT \frac{1 + \frac{b\rho}{4} + \left(\frac{b\rho}{4}\right)^2 - \left(\frac{b\rho}{4}\right)^3}{\left(1 - \frac{b\rho}{4}\right)^3} - \alpha \rho^2$$
 (24)

در رابطه (24)، $\frac{R^2 r_c^2}{P_c}$ و $a=0.4963 \frac{R^2 r_c^2}{P_c}$ (24) در رابطه (24)، $a=0.4963 \frac{R^2 r_c^2}{P_c}$ و $a=0.4963 \frac{R^2 r_c^2}{P_c}$ است. بنابراین دمای بحرانی برابر با $a=0.3773 \frac{a}{(bR)}$ خواهد بود. $a=0.3773 \frac{a}{(bR)}$ مقاله $a=0.3773 \frac{a}{(bR)}$ انتخاب شده است. کاهش پارامتر a=0.4 موجب افزایش ضخامت سطح مشتر a=0.4 و در نتیجه کاهش سرعتهای غیرفیزیکی در سطح مشتر a=0.4 در نتیجه در این مقاله مقدار a=0.4 در نسبت چگالیهای بزرگ نظیر a=0.25 برابر با a=0.25 در نسبت های کوچک نظیر a=0.25 برابر با a=0.25 در نسبت های کوچک نظیر a=0.25 در نسبت فیکل نظر گرفته میشود.

نیروی برهمکنش سیال - جامد نیز به طور مشابه به صورت معادله (25) مدل سازی می گردد [27]:

$$F_2(x,t) = -G\psi(x,t) \left[\sum_{\alpha} w(|e_{\alpha}|^2) \psi(\rho_w) S(x + e_{\alpha}) e_{\alpha} \right]$$
(25)

در رابطه (25)، ρ_w (25)، ρ_w (25) در رابطه (25)، ρ_w (25)، ρ_w (25) میزان آبدوست یا آبگریز بودن سطح جامد است. در این مقاله مقدار این چگالی سطح برابر با چگالی مایع فرض می شود تا سطحی کاملا خیس شونده ایجاد گردد. تابع ρ_w نیز روی سطح جامد برابر با یک و در غیر آن برابر با صفر است.

3- اعتبارسنجي مدل عددي

1-3- سازگاری ترمودینامیکی

به منظور ارزیابی سازگاری ترمودینامیکی 1 مدل عددی (یکسان بودن مقادیر چگالی فازها در روش عددی و حل ترمودینامیکی)، مقادیر چگالی بدست آمده از شبیه سازی با نتایج حاصل از حل تحلیلی ماکسول 2 در ترمودینامیک مقایسه می شوند. بدین منظور یک فیلم مایع به ضخامت 50 سلول در وسط یک شبکهی 2 200 با استفاده از رابطه (26) قرار داده می شود [35]:

$$\rho = \rho_g + \frac{\rho_l - \rho_g}{2} \left[\tanh(y_1) - \tanh(y_2) \right]$$
 (26)

در رابطه (26)، $\frac{2(y-75)}{5}$, $y_1 = \frac{2(y-75)}{5}$, $y_2 = \frac{2(y-75)}{5}$, $y_3 = \frac{2(y-75)}{5}$, $y_4 = \frac{2(y-75)}{5}$, $y_5 = \frac{2}{5}$, $y_6 = \frac{2}{5}$, $y_6 = \frac{2}{5}$, $y_7 = \frac{2}{5}$,

2-3- قانون لايلاس

مورد دوم در نظر گرفته شده برای اعتبارسنجی مدل عددی، ارزیابی قانون

لاپلاس، $\frac{\sigma}{R_0} = \frac{\sigma}{R_0}$ است که در آن ΔP اختلاف فشار بین داخل و خارج قطره مایع، σ کشش سطحی و R_0 شعاع قطره میباشد. قانون لاپلاس دلالت بر این موضوع دارد که اختلاف فشار بین داخل و خارج قطره به صورت خطی با معکوس شعاع قطره تغییر می کند بطوریکه شیب این خط معرف مقدار کشش سطحی است. برای ارزیابی صحت این قانون در مدل حاضر، یک قطره مایع در وسط شبکهی ذکر شده بوسیلهی توزیع چگالی اولیه حاصل از رابطه می شود [27] قرار داده می شود [27]:

$$\rho = \frac{\rho_l + \rho_g}{2} \left\{ \tanh \left[\frac{2(\sqrt{(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2} - R_0)}{5} \right] \right\}$$
(27)

در رابطه (27)، x_0 و x_0 مختصات مرکز شبکه حل و برابر با 100 میباشند. سایر پارامترهای ورودی (τ , s_2 = s_3 , s_5 = s_7 , ϵ , a) مشابه قسمت 1-3 است. شکل 2 نتایج شبیه سازی را در نسبت دمای 0.48 که متناظر با نسبت چگالی حدود 1000 است، نشان می دهد. با توجه به شکل 2، بین اختلاف فشار و معکوس

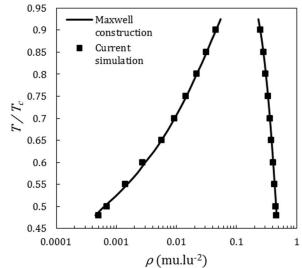


Fig. 1 Comparison of densities obtained from simulations and those of Maxwell construction

شکل 1 مقایسه مقادیر چگالی حاصل از شبیه سازی و نتایج تحلیلی ماکسول

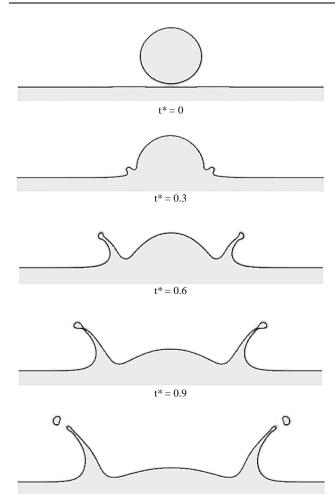
جدول 1 مقایسه کمی بعضی از مقادیر چگالی بدست آمده از مدل عددی و حل تحلیلی ماکسول

Table 1 Quantitative comparison of some densities obtained from the numerical model and Maxwell construction.

numerical model and Maxwell construction.		
نسبت چگالی مایع به گاز		
حل تحليلي ماكسول	نتایج مدل عددی حاضر	نسبت دما
0.358/0.0093	0.358/0.00921	0.7
0.3823 / 0.0056	0.38236 / 0.005687	0.65
0.4061 / 0.003	0.4062 / 0.00273	0.6
0.43 / 0.0015	0.43 / 0.0014	0.55
0.464 / 0.000445	0.4638 / 0.000483	0.48

¹ Thermodynamic consistency

² Maxwell construction



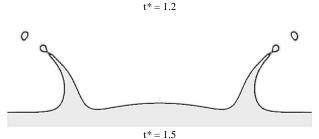


Fig. 3 Time evolution of a droplet impact onto a thin liquid film. $\frac{\rho_l}{\rho_g} = 1000$, $\frac{v_g}{v_l} = 5$, H* = 0.25, Re = 1440, We = 178 Oh = 0.0093

 $\frac{\rho l}{
ho_g}$ = 1000, عثیرات زمانی برخورد یک قطره روی فیلم نازک مایع. Oh = 0.0093 Re = 1440, We = 178 $\frac{\nu_g}{\nu_l}$ = 5, H* = 0.25,

بیبعد شده، $\binom{r_0}{D}$ را نسبت به زمان بیبعد نشان می دهد. r_c شعاع تاج می باشد که محل اندازه گیری آن (نیمه ی ارتفاع عمودی تاج) بصورت شماتیک در شکل 5 آورده شده است، بدین ترتیب که ابتدا ارتفاع عمودی تاج از سطح فیلم مایع اندازه گیری و مکانی که ارتفاع تاج نصف است در قسمت بیرونی تاج تعیین می گردد. فاصله ی افقی این مکان تا مرکز برخورد (مرکز قطره) به عنوان شعاع تاج در نظر گرفته شده است. بهترین منحنی که از نتایج شبیه سازی عبور می کند، منحنی با معادله $\frac{r_c}{D} = 1.29 (t^*)^{0.5}$ می باشد که به قانون توان معروف است. این منحنی به خوبی با نتایج تحلیلی و آزمایشگاهی موجود در منابع [6,5.3] تطبیق دارد. به عنوان نمونه یارین و ویس [6] رابطه رحلیلی زیر را بدست آوردهاند (رابطه (8.8) مقاله آنها):

3-3- برخورد یک قطره به سطح مایع

به منظور اعتبارسنجی توانایی مدل عددی در شبیهسازی جریانهای دینامیکی، برخورد یک قطره به سطح مایع در نظر گرفته شده است. بدین V= منظور ابتدا یک زمان بی بعد بصورت $\left(\mathbf{t}^*=rac{tV}{D}\right)$ تعریف می شود که در آن D = 80 سرعت برخورد قطره و D = 80 قطر آن در ابعاد شبکه بولتزمن است. شکل 3 دینامیک برخورد قطره را روی یک فیلم نازک مایع در نسبت چگالی 1000 نشان می دهد. قطره در زمان t=0 با سطح مایع برخورد می کند. ضخامت بی بعد فیلم مایع $\left(H^* = \frac{H}{D}\right)$ برابر با 0.25 است. H ضخامت فیلم v_l = علی میاند. لزجت سینماتیک مایع و برابر با 20 سلول شبکه میباشد. $Re = \frac{VD}{v_0}$ = برابر با، عدد رینولدزی برابر با، 0.0067 ($Iu^2.ts^{-1}$) $\sigma = 1$ مقدار کشش سطحی برابر با $\kappa = 0.6$ مقدار کشش سطحی برابر با We = $\frac{\rho_l V^2 D}{\sigma}$ = 178 ،دست میآید و در نتیجه، 0.003 (lu.mu.ts⁻²) Oh = (3) ورینولدز عدد اونسورگ، و مخواهد بود. با مشخص شدن اعداد وبر میگردد. نسبت ویسکوزیته سینماتیک $\sqrt{\text{We}}/\text{Re} = \frac{\mu_l}{(\varrho_{10}g)^{\frac{1}{2}}}$ $au_l = 0.52$ گاز به مایع نیز برابر با 5 است که نتیجهی انتخاب $au_g = 0.6$ و می باشد. دیگر زمانهای آرامش و مقد از ϵ مشابه مقادیر ذکر شده در قسمت است. شرط مرزی عدم لغزش بونس بک 2 به دیوارههای بالا و پایین و 3 -1 شرط مرزی پریودیک به مرزهای جانبی شبکهای با ابعاد 300 × 400 اعمال شده است. همانطور که در شکل 3 مشاهده می شود، قطره با برخورد به سطح مایع سبب بالا آمدن آن و شکل گیری تاج می گردد که قطر و ارتفاع این تاج با گذر زمان افزایش می یابد. لبهی تاج معمولا ناپایدار است و بعد از مدت مشخصی قطرههای ثانویه از آن جدا می شوند. شکل 4 تغییرات شعاع تاج

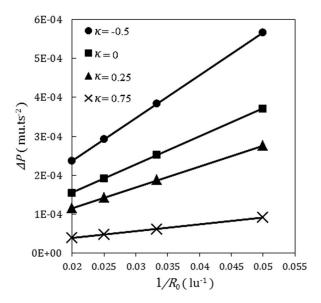


Fig. 2 Evaluation of Laplace law at temperature ratio of 0.48, (corresponding to density ratio of 1000).

شعاع قطره در مقادیر مختلف ۸۰ یک رابطه ی خطی برقرار است. بنابراین نتایج شبیه سازی با نتایج حاصل از قانون لاپلاس همخوانی دارد و به طور همزمان امکان تغییر کشش سطحی مستقل از نسبت چگالی نیز در مدل عددی حاضر فراهم است.

شكل 2 ارزيابي قانون لاپلاس در نسبت دماي 0.48 (متناظر با نسبت چگالي 1000).

³ Power law

Lattice units (lu)

² Bounce back

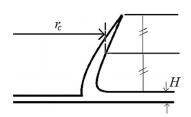


Fig. 5 A schematic picture showing the measured crown radius (r_c) in this paper.

شکل 5 شماتیکی از محل اندازه گیری شعاع تاج در پژوهش حاضر

فیلم مایع به طور پیوسته افزایش می یابد. با افزایش ار تفاع جت مرکزی قطره-های ثانویه به تدریج از نوک آن جدا می شوند. این موضوع در مورد جتهای کناری (تاج) نیز صادق است. علت افزایش پیوسته ار تفاع جتها و شکل گیری قطرههای ثانویه غلبه نیروی اینرسی بر کشش سطحی است. به عبارت دیگر عدد وبر که بیانگر نسبت دو نیروی ذکر شده است، از مقدار بحرانی منجر به پاشش بزرگتر است. در اعداد وبر فوق بحرانی نوک جت معمولا ناپایدار است که در نهایت منجر به شکل گیری قطرههای ثانویه می شود. علت این ناپایداری و جدا شدن قطرههای ثانویه نظریه ناپایداری رایلی-تیلور 1 و یا رایلی-پلاتو گزارش شده است. شکل (1 6) مکانیزم برخورد را در یک شکل نشان می دهد. همانطور که ملاحظه می شود با گذر زمان میزان پخش شدگی قطرهها روی سطح (قطر تاج) و هم چنین ارتفاع جتهای کناری و مرکزی به طور پیوسته سطح (قطر تاج)

شکل 7 میدان سرعت متناظر با نتایج شکل 6 را در سه زمان مختلف نشان می دهد. به منظور وضوح بیشتر، نتایج تنها برای نیمه ی سمت راست ارائه شدهاند. همچنین بردار سرعت در گرههای شبکه بصورت چند در میان (به منظور پرهیز از ازدحام خطوط) رسم شده است. نکته ی مهم در این نتایج، عدم حضور سرعتهای مجازی شدید در سطح مشتر ک و درون مایع است. به عبارت دیگر سرعتهای مجازی مقداری از سطح مشتر ک فاصله داشته و به طور عمده در فاز گاز قرار دارند. این موضوع تنها سبب می شود که سرعت این ذرات گاز که ناشی از حرکت قطره و جتهای مایع است در راستای حرکت ذرات گاز که ناشی یابد که به نظر می رسد به دلیل فاصله از سطح مشتر ک تأثیری بر حرکت فاز مایع ندارد، به خصوص که اختلاف چگالی نسبتا زیادی بین فاز مایع و گاز وجود دارد.

4-2- بررسی پایستاری جرم

سطح مشترک در مدل حاضر بر خلاف روشهای ماکروسکوپیک مانند روش حجم سیال دیگر یک مرز ریاضی تقریبی و بسته نیست بلکه انتقال جرم از طریق آن میتواند صورت گیرد. در نتایج این پژوهش نیز این موضوع برای قطرههای ثانویه مشاهده شده است، بطوریکه با گذر زمان اندازه آنها کاهش مییابد که نشان از انتقال جرم (تغییر فاز) به فاز گازی است. به منظور اطمنان از پایستاری جرم در کل شبکه، مجموع چگالی کلیه گرههای شبکه در طول زمان (مرتبط با نتایج شبیهسازی شکل 6) محاسبه شده و نتایج در جدول 2 آورده شده است. اعداد بدست آمده نشان از برقراری قطعی پایستاری جرم در طول زمان است. بنابراین اگرچه اندازه قطرههای ثانویه جدا شده از جتها به مرور زمان کاهش مییابد اما این جرم مایع از بین نرفته شده از گازی تغییر حالت داده است.

$$\frac{r_c}{D} = \left(\frac{2}{3}\right)^{\frac{1}{4}} \frac{V^{\frac{1}{2}}}{D^{\frac{1}{4}}H^{\frac{1}{4}}} t^{\frac{1}{2}} \tag{28}$$

با ضرب صورت و مخرج رابطه (28) در $\frac{tV}{4}$ و جایگذاری رابطه $t^* = t^*$ ادریم:

$$\frac{r_c}{D} = \left(\frac{2D}{3H}\right)^{\frac{1}{4}} (t^*)^{0.5} \tag{29}$$

با جایگذاری مقدار D=80 و D=40 که در شبیه سازی حاضر در نظر گرفته شد، رابطه (30) حاصل می شود:

$$\frac{r_c}{D} = 1.278(t^*)^{0.5} \tag{30}$$

منحنی رابطه (30) نیز در شکل 4 رسم شده است که نشان از تطابق بسیار خوب نتایج شبیهسازی با حل تحلیلی دارد.

4- نتايج و بحث

1-4- دینامیک برخورد دو قطره موازی

در شکل 6 دینامیک برخورد دو قطره موازی بر روی فیلم نازک مایع در نسبت چگالی 1000 نشان داده شده است. ارتفاع فیلم مایع I=1 قطر هر نسبت چگالی 1000 نشان داده شده است. ارتفاع فیلم مایع I=1 قطره I=1 قطره I=1 فیلم مایع I=1 فیلم دو قطره نسبت بیاعد I=1 فیلم نبین مراکز دو قطره I=1 فیلم است. I=1 فیلم نبین مراکز دو قطره I=1 فیلم است. I=1 فیلم نبین است برخورد I=1 و ناصله کی دو و I=1 و دو بر I=1 و نسبت بنابراین عدد رینولدز برابر با I=1 و عدد وبر I=1 مساوی I=1 فیلم مایع نبین I=1 و مداور برابر با I=1 و مداور مشابه شبیه برابر با I=1 و مداور و شبکه I=1 و مداور برخورد یک قطره در قسمت 300 و شرایط مرزی مشابه شبیه مشاهده میشود پس از برخورد قطرهها بر روی فیلم مایع، دو جت زاویه دار در گوشههای هر قطره شروع به شکل گیری می کنند. دو جت روبروی هم که به سمت یکدیگر حرکت می کنند با یکدیگر برخورد کرده و سبب شکل گیری یک جت مرکزی می شوند. ارتفاع این جت مرکزی با نفوذ بیش تر قطرهها در

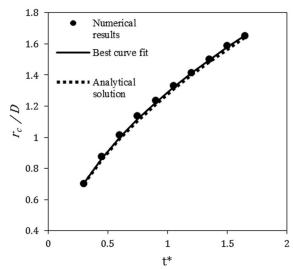


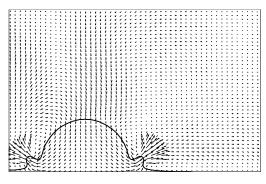
Fig. 4 Comparison between numerical and analytical solutions for time evolutions of non-dimensional crown radius. Best curve fitted on numerical results is: $\frac{r_c}{D} = 1.29 (t^*)^{0.5}$ $\frac{\rho_l}{\rho_g} = 1000, \frac{\gamma_g}{\nu_l} = 5, H^* = 0.25, Re = 1440, We = 178$

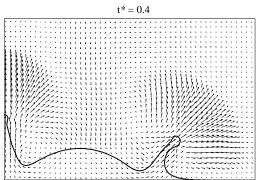
شکل 4 مقایسه حل عددی و تحلیلی برای تغییرات زمانی شعاع تاج بیبعد. بهترین منحنی تطابق داده شده بر نتایج عددی عبارت است از: $\frac{r_c}{D}=1.29 ig(t^*ig)^{0.5}$

$$\frac{\rho_l}{\rho_g}$$
 = 1000, $\frac{\nu_g}{\nu_l}$ = 5, H* = 0.25, Re = 1440, We = 178

Rayleigh-Taylor instability

² Rayleigh-Plateau instability





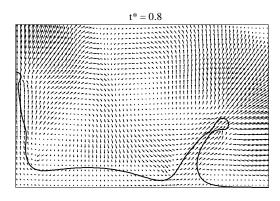


Fig. 7 Velocity field.

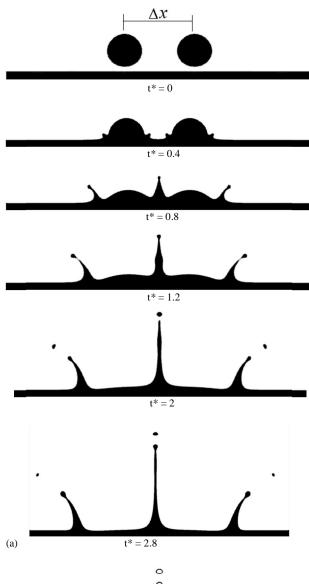
شكل 7 ميدان سرعت.

جدول 2 بررسی پایستاری جرم برای نتایج شکل 6 به عنوان نمونه. **Table 2** Investigation of mass conservation for results of Fig. 6 as a sample

t* = 1.2

sample.		
t*	$\sum ho$	$\frac{\sum \rho}{\sum \rho_0}$
0	$\sum \rho_0 = 6737.2$	1
0.4	6736.6	0.9999
0.8	6736.6	0.9999
1.2	6736.7	0.9999
2	6737.3	1
2.8	6737.3	1
3.2	6737.2	1

اندازه متوسط قطره ثانویه جدا شده از نوک جت مرکزی کاهش می یابد. نکتهی جالب توجه دیگری که در شکل 8 دیده می شود نتایج مربوط به عدد وبر 27 است که در آن جتهای کناری پس از بالا آمدن از سطح مایع



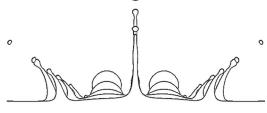


Fig. 6 Time evolution of two parallel droplets impact on a thin liquid film. (a): Impact snapshots. (b): Impact snapshots in a single image. $\frac{\rho_l}{\rho_g} = 1000, \frac{v_g}{v_l} = 15, \text{H}^* = 0.25, \Delta x = 2D, \text{Re} = 1080, We = 236, Oh = 0.0142$

شکل 6 تغییرات زمانی برخورد دو قطره موازی بر روی فیلم نازک مایع. (a): تصاویر برخورد بصورت مجزا. (b): تصاویر برخورد در قالب یک عکس. $\frac{\rho_l}{\rho_g} = 1000, \frac{v_g}{v_l} = 15, \text{H}^* = 0.25, \Delta x = 2D, \text{Re} = 1080$ We = 236, Oh = 0.0142

4-3- تاثير كشش سطحى (در قالب عدد وبر)

در این بخش به بررسی تاثیر مقدار کشش سطحی در قالب عدد وبر بر روی برخورد دو قطره ی موازی روی فیلم نازک مایع پرداخته می شود. همانطور که از شکل 8 قابل مشاهده است، با کاهش مقدار کشش سطحی (افزایش وبر)،

دوباره به آن باز می گردند و در نتیجه پدیده آمیختگی برای جتهای کناری رخ می دهد. این در حالی است که ارتفاع جت مرکزی در عدد وبر ذکر شده افزایش پیدا کرده است. علت این تفاوت بدون شک بیشتر بودن سرعت عمودی جت مرکزی (نیروی اینرسی) نسبت به جتهای کناری است. زیرا جت مرکزی از ادغام جتهای اولیه ایجاد شده و در نتیجه موجب افزایش سرعت آن می گردد. ضمن آنکه باید توجه کرد که سرعت جتهای کناری اسرعت تاج) شامل دو مؤلفه افقی و عمودی است و بنابراین بخشی از سرعت آنها که در جهت افقی است سبب پخش شدن قطرهها روی فیلم مایع میشود. در نهایت با مشاهده شکل (8) که تصاویر اعداد وبر مختلف را در یک شکل نشان می دهد، می توان به مستقل بودن شعاع تاج از عدد وبر پی برد. از سوی دیگر ارتفاع تاج و جت مرکزی با افزایش عدد وبر افزایش می یابد.

4-4- تاثير فاصله بين مراكز دو قطره

در این بخش به بررسی تأثیر فاصلهی بین مراکز دو قطره بر روی برخورد پرداخته می شود. همانطور که در شکل 9 مشاهده می شود با افزایش فاصله بین دو قطره، میزان پخش شدگی (قطر تاج) افزایش ولی ارتفاع جت مرکزی کاهش می یابد.

از سوی دیگر با مراجعه به شکل (d) ملاحظه می شود که ارتفاع جت های کناری (رتفاع تاج) مستقل از فاصله ی بین دو قطره بوده و برای تمامی فواصل بین دو قطره یکسان است.

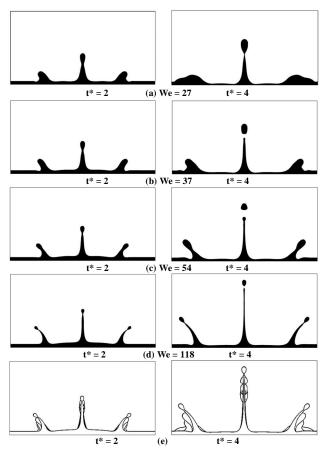
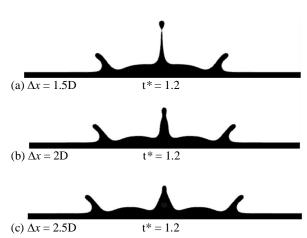
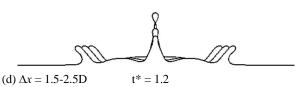


Fig. 8 Effect of the We number. $\frac{\rho_l}{\rho_g} = 1000$, H* = 0.25, $\frac{v_g}{v_l} = 15$, $\Delta x = 2D$, Re = 1080 $\frac{\rho_l}{\rho_g} = 1000$, H* = 0.25, $\frac{v_g}{v_l} = 15$, $\Delta x = 2D$, Re = 1080. شكل 8 تأثير عدد وبر





5-4- تاثير لزجت سينماتيك گاز

شکل 10 تاثیر افزایش لزجت سینماتیک گاز را نشان می دهد. لزجت مایع ثابت نگه داشته شده و بنابراین عدد رینولدز تغییری نمی کند. نتایج نشان می دهند که با افزایش لزجت گاز، سرعت رشد جت مرکزی کاهش یافته و در نتیجه باعث به تعویق افتادن جداشدن قطرههای ثانویه از نوک آن می گردد. این موضوع با مقایسه شکلهای (a) و (a) به خوبی قابل مشاهده است. زیرا با افزایش لزجت گاز نیروی درگ اصطکاکی وارد شده به جت در حال رشد افزایش می یابد که در نتیجه منجر به کاهش سرعت بالا آمدن جت و تعویق زمان جدا شدن قطرههای ثانویه از نوک آن می شود. نتایج مربوط به دو نسبت لزجت سینماتیک بصورت یکجا در شکل (a) آورده شده است که نشان از مستقل بودن شعاع تاج از لزجت گاز دارد.

4-6- الگوى خطوط جريان

شکل 11 خطوط جریان را در طول زمان برای یک حالت خاص برخورد به عنوان نمونه نشان می دهد. همانطور که مشاهده می شود قبل از تشکیل جت مرکزی یک جفت گردابه بصورت متقارن در گوشه قطرهها شکل می گیرد. علت پیدایش این گردابهها بالا آمدن جتهای میانی از گوشه قطرهها است. زیرا جریان بالا دست به سمت پایین و حرکت جتها بصورت زاویه دار به سمت بالا است که سبب می شود ذرات گاز مجاور نیز به سمت بالا حرکت کنند. بنابراین این دو جریان مخالف هم در نزدیکی گوشه منحنی شکل هر قطره تشکیل یک گردابه می دهند. پس از تشکیل جت مرکزی گردابهها قطره تشکیل یک قردابه افزایش ارتفاع جت گردابهها از سطح فاصله گرفته و نسبت ارتفاع به قطر آنها افزایش می یابد.

5- نتيجه گيري

در این مقاله تأثیر مقدار کشش سطحی، فاصلهی بین دو قطره و لزجت سینماتیک گاز بر برخورد همزمان دو قطره ی موازی بر روی فیلم نازک مایع

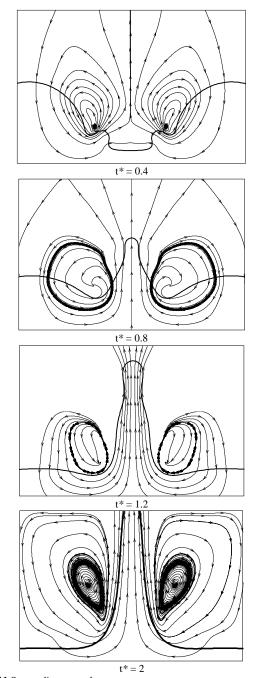


Fig. 11 Stream lines snapshots. $\frac{\rho_l}{\rho_g}=1000, \Delta x=2D, \ \mathrm{H^*}=0.25, \mathrm{We}=54, \mathrm{Re}=1080$

شكل 11 تصاوير خطوط جريان.
$$\frac{\rho_l}{\rho_g} = 1000, \Delta x = 2D, \ \mathsf{H}^* = 0.25, \mathsf{We} = 54, \mathsf{Re} = 1080$$

- با برخورد همزمان دو قطره بر روی سطح مایع دو جت میانی به یکدیگر پیوسته و سبب شکل گیری یک جت مرکزی می گردند. ارتفاع این جت مرکزی با گذر زمان افزایش می یابد.
- به دلیل ناپایدار بودن جت مرکزی، مقداری از سیال بصورت قطرههای ثانویه از نوک آن جدا می شوند.
- با افزایش عدد وبر (کاهش مقدار کشش سطحی) ارتفاع جت مرکزی افزایش اما اندازه قطرههای جدا شده از آن کاهش میابد.

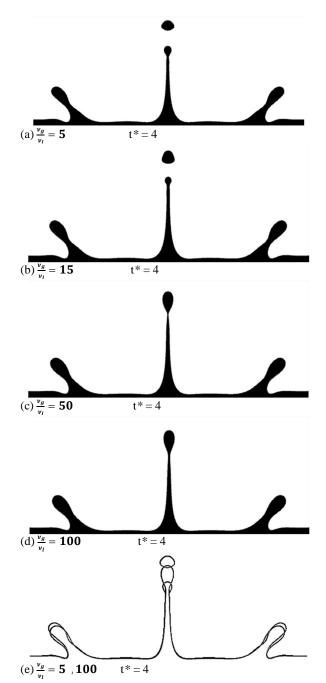


Fig. 10 Effect of gas kinematic viscosity. $\frac{\rho_l}{\rho_g}=1000, \Delta x=2D, \; \mathsf{H}^*=0.25, \mathsf{We}=54, \mathsf{Re}=1080$ شکل 10 تاثیر لزجت سینماتیک گاز. $\frac{\rho_l}{\rho_g}=1000, \Delta x=2D, \; \mathsf{H}^*=0.25, \mathsf{We}=54, \mathsf{Re}=1080$

با استفاده از روش شبکه بولتزمن مورد مطالعه قرار گرفت. مدل دوفاز توسعه داده شده که بر پایهی مدل پتانسیل شان و چن است توانایی شبیهسازی جریانهایی با نسبت چگالی به بزرگی 1000 و لزجتهای کم را دارا است. همچنین امکان تنظیم مقدار کشش سطحی مستقل از نسبت چگالی در یک محدودهی نسبتا وسیع فراهم شده است. نتایج حاصل از شبیهسازی برخورد همزمان دو قطره موازی بر روی فیلم نازک مایع و تأثیر عوامل مورد بررسی را می توان در موارد زیر خلاصه نمود:

لزجت حجمي (lu²·ts⁻¹) ر (mu·lu⁻³) چگالی ρ زمان آرامش ماتریس زمان آرامش ضريب تنظيم مقدار كشش سطحي کشش سطحی (mu·ts⁻²) ضریب ترم اصلاح سرعت ϵ تابع جرم مؤثر ψ

بالانويسها

تعادلي eq بیانگر فضای مومنتم نماد مقدار بىبعد مقدار اصلاح شده

زيرنويسها

جهت α گاز مايع ديوار انرژي مجذور انرژى مومنتي شار انرژی

7- مراجع

- [1] R. L. Vander Wal, G. M. Berger, S. D. Mozes, Droplets splashing upon films of the same fluid of various depths, Experiments in Fluids, Vol. 40, No. 1, pp. 33-52, 2006.
- [2] G. Cossali, M. Marengo, A. Coghe, S. Zhdanov, The role of time in single drop splash on thin film, Experiments in Fluids, Vol. 36, No. 6, pp. 888-900, 2004.
- [3] M. Rieber, A. Frohn, A numerical study on the mechanism of splashing, International Journal of Heat and Fluid Flow, Vol. 20, No. 5, pp. 455-461, 1999.
- [4] M. Rein, Phenomena of liquid drop impact on solid and liquid surfaces, Fluid Dynamics Research, Vol. 12, No. 2, pp. 61, 1993.
- A. Yarin, Drop impact dynamics: splashing, spreading, receding, bouncing..., Annual Review of Fluid Mechanics, Vol. 38, pp. 159-192, 2006.
- [6] A. Yarin, D. Weiss, Impact of drops on solid surfaces: self-similar capillary waves, and splashing as a new type of kinematic discontinuity, Journal of Fluid Mechanics, Vol. 283, pp. 141-173,
- [7] A.-B. Wang, C.-C. Chen, Splashing impact of a single drop onto very thin liquid films, Physics of Fluids (1994-present), Vol. 12, No. 9, pp. 2155-2158, 2000.
- [8] S. Manzello, J. Yang, An experimental study of a water droplet impinging on a liquid surface, Experiments in Fluids, Vol. 32, No. 5, pp. 580-589, 2002.
- [9] T. Okawa, T. Shiraishi, T. Mori, Production of secondary drops during the single water drop impact onto a plane water surface, Experiments in Fluids, Vol. 41, No. 6, pp. 965-974, 2006.
- [10] C. W. Hirt, B. D. Nichols, Volume of fluid (VOF) method for the dynamics of free boundaries, Journal of computational physics, Vol. 39, No. 1, pp. 201-225, 1981.
- [11] M. Sussman, E. Fatemi, P. Smereka, S. Osher, An improved level set method for incompressible two-phase flows, Computers & Fluids, Vol. 27, No. 5, pp. 663-680, 1998.
- [12] M. Passandideh Fard, A computational study of droplet impingement onto a thin liquid film, Arabian Journal for Science and Engineering, Vol. 34, No. 2B, pp. 505-517, 2009.
- [13] S. H. Lee, N. Hur, S. Kang, A numerical analysis of drop impact on liquid film by using a level set method, Journal of Mechanical Science and Technology, Vol. 25, No. 10, pp. 2567-2572, 2011.

- ارتفاع جت مرکزی حتی در اعداد وبر پایین (We = 27) نیز با گذر زمان افزایش پیدا می کند در حالیکه جتهای کناری دوباره به سطح مایع بازگشته و پدیده آمیختگی رخ می دهد.
- با افزایش فاصلهی بین دو قطره ارتفاع جت مرکزی کاهش اما شعاع تاج (میزان پخششدگی قطرهها روی سطح) افزایش می-یابد. ارتفاع تاج مستقل از فاصله بین دو قطره است.
- با افزایش لزجت سینماتیک گاز سرعت رشد جت مرکزی کاهش و در نتیجه جداشدن قطرههای ثانویه از نوک آن به تعویق می-
- پس از برخورد همزمان قطرهها، یک جفت گردابه بصورت متقارن در بین دو قطره و در گوشههای آنها شکل می گیرد که پس از تشکیل جت مرکزی نیز همچنان باقی میمانند و در راستای ارتفاع جت به سمت بالاحركت ميكنند.

6- فهرست علايم

پارامترهای معادله حالت کارناهان - استارلینگ a, bجمله چشمه مربوط به تنظیم کشش سطحی اندازه سرعت شبکه (lu·ts⁻¹) سرعت صوت در شبکه (lu·ts⁻¹) قطر قطره (lu) بردار سرعت گسسته (lu·ts⁻¹) تابع توزیع ذره (mu·lu⁻³) (mu·lu·ts^{-2}) نيروى برهمكنش سيال - سيال

 (mu·lu·ts^{-2}) نيروى برهمكنش سيال - جامد ضریب مرتبط با قدرت برهمکنش

ضخامت فيلم مايع (lu)

ماتريس واحد

ترم برخورد در فضای مومنتم

ماتريس تبديل

عدد اونسورگ

فشار (mu·lu⁻¹·ts⁻²)

فشار بحرانی (mu·lu⁻¹·ts⁻²)

ترم مربوط به کشش سطحی

ثابت گاز در معادله حالت

(lu) شعاع قطره R_0

(lu) شعاع تاج r_c

عدد رينولدز Re

ترم نیرو

زمانهای آرامش ماتریس آرامش قطری s₉ تا s₁

زمان (ts)

دما (tu)

دمای بحرانی (tu)

 $(lu \cdot ts^{-1})$ بردار سرعت ماکروسکوپیک

ضريب وزن w

> We عدد وبر

علايم يوناني

بردار موقعیت مکانی

محور افقى

فاصله بین مراکز دو قطره (lu)

لزجت سينماتيك (lu²·ts⁻¹)

- [25] P. L. Bhatnagar, E. P. Gross, M. Krook, A model for collision processes in gases. I. Small amplitude processes in charged and neutral one-component systems, *Physical review*, Vol. 94, No. 3, pp. 511, 1954.
- [26] Z. Guo, C. Zheng, B. Shi, Discrete lattice effects on the forcing term in the lattice Boltzmann method, *Physical Review E*, Vol. 65, No. 4, pp. 046308-1-046308-6, 2002.
- [27] L. Chen, Q. Kang, Y. Mu, Y.-L. He, W.-Q. Tao, A critical review of the pseudopotential multiphase lattice Boltzmann model: Methods and applications, *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 76, pp. 210-236, 2014.
- [28] Q. Li, K. Luo, X. Li, Forcing scheme in pseudopotential lattice Boltzmann model for multiphase flows, *Physical Review E*, Vol. 86, No. 1, pp. 016709, 2012.
- [29] M. E. McCracken, J. Abraham, Multiple-relaxation-time lattice-Boltzmann model for multiphase flow, *Physical Review E*, Vol. 71, No. 3, pp. 036701, 2005.
- [30] D. Zhang, K. Papadikis, S. Gu, Three-dimensional multirelaxation time lattice-Boltzmann model for the drop impact on a dry surface at large density ratio, *International Journal of Multiphase Flow*, Vol. 64, pp. 11-18, 2014.
- [31] D. Zhang, K. Papadikis, S. Gu, Investigations on the droplet impact onto a spherical surface with a high density ratio multirelaxation time lattice-Boltzmann model, *Communications in Computational Physics*, Vol. 16, No. 04, pp. 892-912, 2014.
- [32] Q. Li, K. Luo, X. Li, Lattice Boltzmann modeling of multiphase flows at large density ratio with an improved pseudopotential model, *Physical Review E*, Vol. 87, No. 5, pp. 053301, 2013.
- [33] S. Mukherjee, J. Abraham, A pressure-evolution-based multirelaxation-time high-density-ratio two-phase lattice-Boltzmann model, *Computers & fluids*, Vol. 36, No. 6, pp. 1149-1158, 2007.
- [34] Q. Li, K. Luo, Achieving tunable surface tension in the pseudopotential lattice Boltzmann modeling of multiphase flows, *Physical Review E*, Vol. 88, No. 5, pp. 053307, 2013.
- [35] A. Xu, T.S. Zhao, L. An, L. Shi, A three-dimensional pseudopotential-based lattice Boltzmann model for multiphase flows with large density ratio and variable surface tension, *International Journal of Heat and Fluid Flow*, Vol. 56, pp. 261-271, 2015.

- [14] Y. Guo, L. Wei, G. Liang, S. Shen, Simulation of droplet impact on liquid film with CLSVOF, *International Communications in Heat and Mass Transfer*, Vol. 53, pp. 26-33, 2014.
- [15] X. Shan, H. Chen, Lattice Boltzmann model for simulating flows with multiple phases and components, *Physical Review E*, Vol. 47, No. 3, pp. 1815, 1993.
- [16] X. Shan, H. Chen, Simulation of nonideal gases and liquid-gas phase transitions by the lattice Boltzmann equation, *Physical Review E*, Vol. 49, No. 4, pp. 2941, 1994.
- [17] M. R. Swift, E. Orlandini, W. Osborn, J. Yeomans, Lattice Boltzmann simulations of liquid-gas and binary fluid systems, *Physical Review E*, Vol. 54, No. 5, pp. 5041, 1996.
- [18] X. He, S. Chen, R. Zhang, A lattice Boltzmann scheme for incompressible multiphase flow and its application in simulation of Rayleigh-Taylor instability, *Journal of Computational Physics*, Vol. 152, No. 2, pp. 642-663, 1999.
- [19] T. Lee, C.-L. Lin, A stable discretization of the lattice Boltzmann equation for simulation of incompressible two-phase flows at high density ratio, *Journal of Computational Physics*, Vol. 206, No. 1, pp. 16-47, 2005.
- [20] J.-h. GUO, X.-y. WANG, Simulation of the two phase flow of droplet impingement on liquid film by the lattice boltzmann method, *Journal of Hydrodynamics*, Ser. B, Vol. 24, No. 2, pp. 292-297, 2012.
- [21] M. Cheng, J. Lou, A numerical study on splash of oblique drop impact on wet walls, *Computers & Fluids*, Vol. 115, pp. 11-24, 2015.
- [22] S.M. Khatoonabadi, M. Ashrafizaadeh, Simulation of droplet impact on a thin liquid film using the pseudopotential multiphase model, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 3, pp. 8-16, 2016. (in Persian
- [23] K. Raman, R. Jaiman, T. Lee, H. Low, On the dynamics of crown structure in simultaneous two droplets impact onto stationary and moving liquid film, *Computers & Fluids*, Vol. 107, pp. 285-300, 2015
- [24] L. Li, X. Jia, Y. Liu, M. Su, Simulation of double droplets impact on liquid film by a simplified lattice Boltzmann model, *Applied Thermal Engineering*, Vol. 98, pp. 656-669, 2016.