

ماهنامه علمى پژوهشى

#### مهندسی مکانیک مدرس



mme.modares.ac.ir

# شبیه سازی عددی عملیات حفاری زیر تعادلی همراه با تولید نفت و گاز از مخزن با استفاده از مدل دوسیالی تک فشاری

سعید قبادپوری $^1$ ، ابراهیم حاجی دولو $^{2^*}$ ، امینرضا نقره $^6$ بادی $^3$ ، یونس شکاری $^4$ ، محسن خضریان $^5$ 

- 1 دانشجوی دکتری، مهندسی مکانیک، دانشگاه شهید چمران، اهواز
  - 2- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه شهید چمران، اهواز
  - 3- دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه شهید چمران، اهواز
    - 4- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه یاسوج، یاسوج
- 5- كارشناسى ارشد، مهندسى مكانيك، شركت ملى مناطق نفتخيز جنوب، اهواز
  - \* اهواز، صندوق پستى 61355 hajidae@scu.ac.ir ، 61355

چخیده
در این مقاله شبیهسازی عددی جریان دوفازی گاز- مایع درون فضای حلقوی یک حلقه چاه با ابعاد واقعی که تحت عملیات حفاری زیرتعادلی
قرار دارد انجام شده است. شارش نفت و گاز از مخزن به درون فضای حلقوی در حین انجام عملیات حفاری به واسطهی زیرتعادلی بودن تکنیک
حفاری در نظر گرفته شده است. کد عددی براساس معادلات یک بعدی پایا در یک مرجع اویلری و براساس مدل دوسیالی تک فشاری تهیه شده
و صحت نتایج آن با استفاده از دادههای تجربی دو چاه واقعی، مورد اعتبارسنجی قرار گرفته است. نتایج نشان میدهد که شبیهسازی انجام شده
در مقایسه با سایر تحقیقات از دقت بسیار بهتری برخوردار است. با توجه به اهمیت پیش بینی و کنترل فشار ته چاه و میزان نفت و گاز تولید شده
در حین عملیات حفاری تاثیر پارامترهای کنترلی مختلف، شامل دبی تزریقی فازهای مایع و گاز از سر چاه و فشار خروجی از دالیز بر روی میزان
نفت تولید شده مورد بررسی قرار گرفته است. همچنین تاثیر پارامترهای کنترلی بر مشخصات جریان دوفاز شامل توزیع کسر حجمی، سرعت
فازها و توزیع فشار در طول دالیز بررسی شده است. براساس نتایج بدست آمده، میزان تاثیر فشار چوک و دبی فاز مایع تزریقی بر نفت تولیدی از
مخزن، مستقل از یکدیگر و وابسته به دبی فاز گاز تزریقی است.

#### اطلاعات مقاله مقاله پژوهشی کامل دریافت: 19 فروردین 1395 پذیرش: 09 خرداد 1395 ارائه در سایت: 12 تیر 1395 کلید واژگان: حفاری زیرتعادلی جریان دوفازی مدل دوسیالی فشار ته چاه

## Numerical simulation of under-balanced drilling operations with oil and gas production from reservoir using single pressure two-fluid model

### Saeed Ghobadpouri<sup>1</sup>, Ebrahim Hajidavalloo<sup>1\*</sup>, Aminreza Noghrehabadi<sup>1</sup>, Younes Shekari<sup>2</sup>, Mohsen Khezrian<sup>3</sup>

- 1- Department of Mechanical Engineering, Shahid Chamran University of Ahvaz, Ahvaz, Iran
- 2- Department of Mechanical Engineering, Yasouj University, Yasouj, Iran
- 3- National Iranian South Oilfield Company, Ahvaz, Iran
- \* P.O.B. 61355, Ahvaz, Iran, hajidae@scu.ac.ir

#### ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 07 April 2016 Accepted 29 May 2016 Available Online 02 July 2016

Keywords: Under-balanced drilling Two-phase flow Two-fluid model Bottom-hole pressure Oil production

#### **ABSTRACT**

In this paper, gas-liquid two-phase flow in the annulus of a real well during under-balanced drilling operations is simulated numerically. Oil and gas flow from the reservoir into the annulus is considered due to under-balanced drilling condition. A numerical code based on one-dimensional form of steady-state single pressure two-fluid model in the Eulerian frame of reference is developed and its results are validated using experimental data from two real wells. The results of numerical simulation show better accuracy in comparison with other researches. Given the importance of prediction and control of the bottom-hole pressure and the amount of oil and gas production during the drilling operations, the effects of controlling parameters such as liquid and gas injection flow rate and choke pressure are discussed. Also, the effects of different controlling parameters on the characteristics of two-phase flow pattern, including liquid and gas void fractions, liquid and gas velocities and pressure distribution along with the annulus are discussed. According to the results, the effects of choke pressure and injected liquid flow rate on the production of the oil from the reservoir are independent of the values of each other and are dependent on the injected gas flow rate.

مهم حفاری زیر فشار تعادلی می توان به کاهش آسیب دیدگی مخزن، سرعت حفاری بالاتر، تولید محصولات همزمان با انجام عملیات حفاری و بهرهوری بالاتر اقتصادی اشاره کرد. فراتعادلی شدن جریان از چالشهای پیش روی این

1-مقدمه

در دهه اخیر استفاده از تکنولوژی حفاری زیر فشار تعادلی به سبب مزیتهای فراوان آن نسبت به حفاری بالای فشار تعادلی رو به فزونی است. از مزیتهای

روش حفاری است که در صورت وقوع در حین عملیات حفاری، کلیه مزیتهای استفاده از این روش حفاری را زیر سوال میبرد. همچنین کاهش بیش از حد فشار ته چاه سبب ریزش دیواره چاه خواهد شد. به عبارتی در این عملیات حفاری، فشار ته چاه همواره بایستی در محدودهی مشخصی نگه-داشته شود. این محدوده فشار را اصطلاحا پنجره فشار می نامند. فلذا محاسبه و پیش بینی دقیق فشار ته چاه از الزامات حفاری زیر فشار تعادلی است. در این عملیات حفاری با استفاده از تزریق جریان دوفازی گاز- مایع درون لوله حفاری و همچنین کنترل فشار خروجی چاه، فشار ته چاه را به گونهای کنترل می کنند که همواره کمتر از فشار سازند ا باشد.

جهت شبیه سازی جریان سیال دوفازی در عملیات حفاری زیرتعادلی عموما از دو رویکرد مدلسازی مکانیسمنگر $^2$ و روشهای عددی بهره برده شده است. حسن و کبیر [1] در سال 1992 جهت شبیهسازی جریان دوفازی گاز مایع رو به بالا مدل مکانیسمنگری ارائه دادند که کسر حجمی فاز گاز را پیشبینی می کرد. انصاری و همکاران [2] در سال 1994 مدل مکانیسمنگری جهت تشخیص الگوهای جریان و پیشبینی رفتار جریان دوفازی رو به بالا ارائه دادند. توانایی این مدل با استفاده از دادههای میدانی 1712 چاه و همچنین مقایسه با مدل حسن و کبیر مورد ارزیابی قرار گرفت. پینگ و همکاران [3] در سال 2006 با بکارگیری مدل حسن و کبیر و مدل ارائه شده توسط انصاری و همکاران جریان دائم دوفازی در شرایط حفاری فروتعادلی را مورد بررسی قرار دادند و به این نتیجه رسیدند که مدل انصاری با اصلاحاتی بهتر از مدل حسن و کبیر میباشد. موسوی و همکاران [4] در سال 2008، با ترکیب مدلهای مکانیسمنگر مختلف، مدل مکانیسمنگر جدیدی جهت پیشبینی فشار در طی عملیات حفاری زیرتعادلی در چاههای ایران ارائه دادند. دقت مدل ارائه شده با استفاده از اطلاعات 20 چاه مختلف در ایران بررسی شده است. اتحادی اسکویی و همکاران [5] در سال 2013 جهت محاسبه افت فشار درون چاه و چگالی معادل سیال حفاری مدل مكانيسمنگرى ارائه دادند كه در حقيقت اصلاح مدل بيگز و بريل 1973 بود. بررسی مقالاتی که از رویکرد مکانیسمنگر جهت شبیهسازی استفاده کردهاند و به تعدادی از آنها نیز اشاره شد، نشان میدهد که مدلهای مکانیسمنگر چون مبتنی بر مشاهدات تجربی هستند بنابراین استفاده از آنها محدود به شرایط خاصی است که دادههای آزمایشگاهی مربوطه بدست آمدهاند و استفاده از آنها در شرایطی متفاوت از شرایط استخراج معادلات، میتواند همراه با خطا باشد. از همین رو محققین مختلف بسته به شرایط، مدلهای مکانیسمنگر با اصلاحات مختلفی را ارائه نمودهاند. ایراد دیگر مدلهای مکانیسمنگر این است که دید فیزیکی کافی از مساله و مکانیسمهای حاکم را ارائه نمی دهند. در مقابل روشهای عددی هم قابل اعمال به مسائل گوناگون هستند و هم درک فیزیکی خوبی از پدیدههای درگیر در مساله بدست میدهند. یکی از جامعترین کوششها با رویکرد عددی، در برگن نروژ صورت پذیرفته است و نرمافزار ارائه شده داینا فلو دریل $^{3}$ نام دارد. تئوری حاکم بر دینامیک سیالات این نرمافزار در قالب مقالات [6-8]، مشخصات مخزن در مقالات [10,9] و حفاری مایل در مقالات [12,11]، تشریح شده است. در این نرمافزار جهت شبیه سازی یک بعدی از معادلات بقاء جرم به طور جداگانه برای هر جزء و یک معادله مومنتم کلی برای همه اجزاء و تعدادی رابطه کمکی استفاده شده است. على رغم قابليتهاى بسيار زياد اين نرمافزار، مدل به

کاررفته برای معادله مومنتم مدلی ساده شده است و فرض شده که سرعت تمامی سیالات یکسان است. همچنین این نرمافزار در برخی حالات با خطایی نزدیک %100 فشار ته چاه و دیگر پارامترهای جریان را پیشبینی می کند [13]. فن و همکاران در سال 2001، یک برنامه کامپیوتری برای پیشبینی رفتار جریان سیال حفاری چندفازی در حین عملیات حفاری زیر تعادلی تهیه كردند [14]. معادلات حاكم در اين تحقيق نيز شامل معادلات بقاء جرم به طور جداگانه برای هر فاز و یک معادله مومنتوم کلی برای مخلوط می باشد. ایراد اساسی این شبیهسازی صرفنظر کردن از اختلاف سرعت بین فازها است. با درنظر گرفتن این مشکلات، پرزتلز و همکاران [15] و پرزتلز [13]، با استفاده از مدل شار رانشی و ترکیب این مدل با مدلهای مکانیستیک، جریان دوفازی در حفاری زیر فشار تعادلی را مورد بررسی قرار دادند. این محققین برای اعتبارسنجی نتایج خود، جریان درون دالیز در شرایط مختلف و با تغییر دبی سیالات ورودی و فشار سرچاهی را مورد ارزیابی قرار دادهاند. در این مطالعه عددی نیز به سبب استفاده از مدل شار رانشی سرعتهای بدست آمده از دقت کافی برخوردار نبودند. با توجه به دقت بیشتر مدل دوسیالی نسبت به مدل شار رانشی، خضریان و همکاران [16] در سال 2015، با استفاده از مدل دوسیالی جریان دوفازی گاز- مایع در عملیات حفاری زیر تعادلی را مورد بررسی قرار دادند. نتایج این مقاله در دو بخش ارائه شده است. در بخش اول که شبیه سازی چاه ماسپک، ارائه شده است. نتایج از دقت خوبی برخوردار است. در چاه ماسپک به علت بالاتر بودن فشار ته چاه از فشار سازند نفت و گازی به درون دالیز (فضای بین شعاع خارجی مته و شعاع داخلی لوله جداری) راه پیدا نمی کند و به عبارتی اثرات مربوط به تولید نفت و گاز از سازند در حل مساله دخیل نمی باشند. اما در بخش دوم نتایج، که شبیه سازی چاه آیراید ارائه شده است و اثرات تولید درنظر گرفته شده است به علت اعمال ناصحیح اثرات فرآیند تولید نفت و گاز در شرایط مرزی و به تبع آن اخلال در روند الگوریتم حل، نتایج خطای زیادی دارد.

از این رو در این مقاله الگوریتم حل عددی به کار رفته در مرجع [16]، به گونهای اصلاح گردیده است که شبیهسازی چاههای همراه با تولید نفت و گاز از مخزن نیز با دقت مناسبی صورت گیرد. در حقیقت در این مقاله با رویکردی عددی مبتنی بر مدل دو سیالی تک فشاری به بررسی جریان دو فازی گاز مایع در دالیز یک چاه با طول و ابعاد واقعی تحت عملیات حفاری زیر تعادلی پرداخته شده است. تولید همزمان نفت و گاز از مخزن به واسطه زیرتعادلی بودن عملیات حفاری در نظر گرفته شده است. نتایج بدست آمده از کد عددی جهت اعتبار سنجی با داده های دو چاه واقعی مقایسه گردیده است. در انتها برای یک چاه که همزمان با عملیات حفاری، تولید نفت و گاز دارد، تاثیر پارامترهای کنترلی بر توزیع پارامترهای مختلف جریان دوفاز در طول دالیز و همچنین بر روی نفت تولیدی مورد بررسی قرار گرفته است.

#### 2-معادلات حاكم

هر یک از فازهای مایع و گاز درون دالیز از دو جزء تشکیل شدهاند. همانگونه که از "شکل 1" نیز برمیآید یکی از این اجزاء از سر چاه به درون لولهی حفاری تزریق میشود و پس از عبور از مته وارد دالیز میشود و جزء دوم از سازند به درون دالیز جریان میابد. این اجزاء معمولا دو سیال مختلف و با خواص متفاوت هستند. در این تحقیق فرض شده است که تنها یک مایع و یک گاز درون دالیز جریان دارد. خواص معادل مایع و گاز براساس میانگین وزنی اجزاء محاسبه میشوند. مایع معادل به عنوان فاز پیوسته در یک مرجع اویلری مورد تحلیل قرار می گیرد. با توجه به این که در بسیاری از نقاط، کسر

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Formation Pressure

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Mechanistic Model

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Dyna Flo Drill

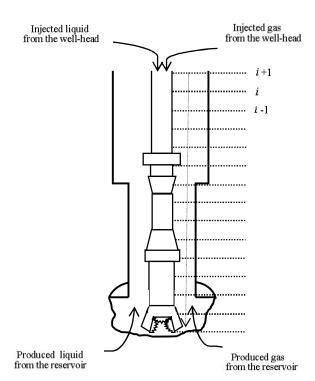


Fig. 1 Well geometry, discretized annulus and calculation path

شکل 1 هندسهی چاه، نحوه گسستهسازی فضای حلقوی و مسیر محاسباتی

حجمی فاز گاز بیش از ده درصد است بنابراین فاز گاز نیز به عنوان فازی پیوسته و در یک مرجع اویلری مورد بررسی قرار گرفته است. از میان مدلهای مبتنی بر دیدگاههای اویلری – اویلری از مدل دوسیالی تک فشاری برای شبیهسازی استفاده شده است. معادلات بقاء جرم و مومنتوم مدل دوسیالی در مقالات زیادی همچون اوجه و فلاتن [17] ارائه شدهاند. این معادلات شامل دو معادله بقای جرم و مومنتوم برای هر فاز است که تاثیرات بین فازی بوسیلهی نیروهای بین فازی در نظر گرفته میشوند. با توجه به طول زیاد فیزیک مساله در قیاس با قطر لوله حفاری مساله یک بعدی فرض شده است. در عملیات حفاری زیر تعادلی، توزیع دما در طول چاه را معمولا همان توزیع ژئوترمال در نظر می گیرند. همچنین فاز گاز تراکمپذیر و فاز مایع تراکمناپذیر درنظر گرفته میشود. معادلات برای حالت پایا به فرم زیر است  $(\alpha_G \rho_G u_G A) = 0$ (1)

$$\frac{d}{dx}(\alpha_G \rho_G u_G A) = 0 \tag{1}$$

$$\frac{dd}{dx}(\alpha_L \rho_L u_L A) = 0 \tag{2}$$

$$\frac{a}{dx} (\alpha_G \rho_G u_G^2 A) = -A \left( F_{iG} + F_{wG} + F_{gG} + F_{vG} + \alpha_G \frac{\partial P}{\partial x} \right) - \Delta P_{iG} \frac{d(A\alpha_G)}{dx}$$
(3)

$$\frac{d}{dx}\left(\alpha_{L}\rho_{L}u_{L}^{2}A\right) = -A\left(F_{iL} + F_{wL} + F_{gL} + F_{vL} + \alpha_{L}\frac{\partial P}{\partial x}\right) - \Delta P_{iL}\frac{d(A\alpha_{L})}{dx}$$
(4)

در معادلات (3) و (4)،  $F_{ik}(k=G,L)$  نیروی درگی است که در نتیجه برهمکنش سایر فازها بر فاز kام وارد می شود.  $F_{\rm wk}$  نیروی اصطکاکی است که از سوی دیواره لوله بر فاز kام وارد می شود.  $F_{\rm gk}$  نیروی گرانش و  $F_{\rm vk}$  نیروی جرم مجازی وارد شده بر فاز kام هستند.  $\Delta P_{ik}(k=G,L)$  عبارت تصحیح فشار می باشد که بیانگر اختلاف فشار فصل مشترک و هر فاز می باشد. در مدلهای چند سیالی قدیمی این جمله در نظر گرفته نمیشد. اما در نظر گرفتن آن در معادله مومنتوم مدل تک فشاری، علی رغم ناچیز بودن مقدار آن

در قیاس با فشار فاز می تواند به پایدار ماندن حل عددی سیستم معادلات به ویژه در شرایط غیردائم کمک کند. عبارت تصحیح فشار به کار رفته در کد کی ثر جامع ترین مدل موجود برای الگوهای جریان حبابی، لختهای و سایر جریانهای میانی است که به شرح زیر است [18].

$$P_k - P_{ik} = \Delta P_{iK} = 1.2 \frac{\alpha_G \alpha_L \rho_G \rho_L}{\alpha_G \rho_L + \alpha_L \rho_G} (u_G - u_L)^2$$
(5)

علاوه بر معادلات بقاء جرم و مومنتوم، برای بسته شدن سیستم دو معادله دیگر نیاز است. این روابط، رابطه قید هندسی و معادله حالت فاز گاز است. براساس رابطه قید هندسی

$$\sum_{k} \alpha_{k} = \alpha_{G} + \alpha_{L} = 1 \tag{6}$$

همچنین معادله حالت فاز گاز به شرح زیر است:

$$\rho_G = \rho_G(P_G, T_G) = \frac{M_G \cdot P}{8314 \cdot Z \cdot T} \tag{7}$$

در رابطه (7)، Z ضریب تراکمپذیری فاز گاز است که روابط متنوعی برای آن پیشنهاد شده است. در مقاله حاضر از رابطهای که درانچاک و ابوالقاسم [19] پیشنهاد دادهاند استفاده شده است.

$$= \left(0.3265 - \frac{1.0700}{T_{\rm pr}} - \frac{0.5339}{T_{\rm pr}^3} + \frac{0.01569}{T_{\rm pr}^4} - \frac{0.05165}{T_{\rm pr}^5}\right) \rho_{\rm r} + \left(0.5475 - \frac{0.7361}{T_{\rm pr}} + \frac{0.1844}{T_{\rm pr}^3}\right) \rho_{\rm r}^2 - 0.1056 \left(-\frac{0.7361}{T_{\rm pr}} + \frac{0.1844}{T_{\rm pr}^3}\right) \rho_{\rm r}^5 + 0.6134 (1.0 + 0.7210) \rho_{\rm r}^2 \frac{\rho_{\rm r}^2}{T_{\rm pr}^3} \exp(-0.721\rho_{\rm r}^2) + 1.0$$

$$(8)$$

در رابطه بالا،  $\rho_{\rm r}$  چگالی نقصانی گاز است که به صورت رابطه (9) تعریف مىشود

$$\rho_{\rm r} = \frac{0.27 P_{\rm pr}}{Z T_{\rm pr}} \tag{9}$$

$$P_{\rm pr} = \frac{P}{P_{\rm pr}} \tag{10}$$

$$T_{\rm pr} = \frac{T}{T} \tag{11}$$

و مای بحرانی هستند.  $T_{cr}$  و  $P_{cr}$ 

جهت تشخیص الگوی جریان از الگوی جریان مبتنی بر کسر حجمی فاز استفاده شده است. بر این اساس برای شرایط جریان دوفازی رو به بالا در فضای دالیز چاه، در صورتی که کسر حجمی فاز گاز کمتر از 0.2 باشد رژیم جريان حبابي، از 0.2 تا 0.3 گذار از حبابي به لختهاي، از 0.3 تا 0.6915 لختهای، بین 0.6915 و 0.7915 گذار از لختهای به کفآلود و بزرگتر از 0.7915 رژیم کفآلود است [20]. بنابراین رژیمهای جریان از انتهای چاه به سمت سرچاه شامل رژیم حبابی، لختهای، و کفآلود است و می بایستی نیروهای خارجی وارد برفازهای مختلف در معادلات (3) و (4) برای سه دسته الگوی جریان بیان شده، ارائه شود.

#### 1-2- نیروی درگ وارد بر فاز گاز

نیروی درگی که از سوی فاز مایع بر فاز گاز به واسطه لغزش بین فازهای مایع و گاز وارد می شود به شرح زیر مدل سازی می شود.

$$F_{iG} = \frac{1}{8} \rho_L a_{iG} C_{DG} |u_G - u_L| (u_G - u_L)$$
 (12)

در رابطه فوق  $a_{ig}$  میزان مساحت فصل مشترک $^{1}$  و میزان مساحت فریب نیروی درگ میباشد. ایشی و میشیما [21] مقادیر مربوط به این کمیتها را براساس رژیمهای مختلف ارائه کردهاند.

برای رژیم جریان حبابی

<sup>1</sup> Interfacial Area Concentration

$$a_{iGb} = \frac{6\alpha_G}{d_{sm}} \tag{1}$$

و برای رژیمهای لختهای و کفآلود

$$a_{iGs,c} = \frac{4.5}{D_h} \frac{\alpha_G - \alpha_{Gs}}{1 - \alpha_{Gs}} + \frac{6\alpha_{Gs}}{d_{sm}} \frac{1 - \alpha_G}{1 - \alpha_{Gs}}$$
(14)

در معادله (14)،  $\alpha_{Gs}$  قطر هیدرولیکی فضای دالیزی،  $\alpha_{Gs}$  کسر حجمی فاز گاز در ناحیه لخته مایع و  $\alpha_{sm}$  قطر متوسط ساتر  $\alpha_{sm}$  محاسبه گاز در ناحیه که کارول و پودوسکی [22] پیشنهاد دادهاند، استفاده شده است.

$$\alpha_{GS} = \begin{cases} \alpha_G & 0.00 < \alpha_G < 0.25 \\ 0.3929 - 0.5714\alpha_G & 0.25 < \alpha_G < 0.60 \\ 0.05 & 0.60 < \alpha_G < 1.00 \end{cases}$$
 (15)

قطر متوسط ساتر که در حقیقت همان قطر کرهای است که حجمی معادلات حجم حبابها دارد توسط کاکا مصطفی اوغلری و همکاران [23] از رابطه (16) محاسبه شده است.

$$d_{\rm sm} = 1.06 \left( \frac{\sigma}{\rho_{\rm s}^{\frac{1}{3}}} \right)^{\frac{1}{3}} \left( \frac{\alpha_G (1 - \alpha_G) D_h^2}{u_m (-dP/dx)} \right)^{\frac{2}{9}}$$
 (16)

در این رابطه  $u_m$  سرعت متوسط مخلوط و  $\sigma$  کشش سطحی بین دوفاز است. ضریب درگ فصل مشترک نیز همانند میزان مساحت فصل مشترک وابسته به الگوی جریان است. تومیاما و همکاران [24] رابطه زیر را برای ضریب درگ فصل مشترک جریان حبابی پیشنهاد دادهاند.

$$C_{\rm DGb} = \frac{C_{\rm DG0}}{\sqrt{\alpha_L}} \tag{17}$$

 $C_{
m DG0}$  ضریب اصطکاک یک حباب تک در مایع ساکن میباشد و به صورت رابطه (18) بدست می آید

$$C_{DG0} = \max\left(\min\left[\left(\frac{24}{Re_{G}}\right)(1 + 0.15Re_{G}^{0.687}), \frac{72}{Re_{G}}\right], \left(\frac{8EO}{3EO+12}\right)\right)$$
(18)

در رابطه (18)،EO عدد ايوتووس، به صورت رابطه (19) تعريف مي شود.

$$EO = \frac{g(\rho_L - \rho_G)d_{\rm sm}^2}{2} \tag{19}$$

همچنین  $\operatorname{Re}_G$  عدد رینولدز حباب است و به صورت رابطه محاسبه می شود.

$$Re_{G} = \frac{d_{sm}|(u_{G} - u_{L})|\rho_{L}}{\mu_{L}}$$
(20)

برای جریانهای لختهای و کف آلود، ضریب درگ توسط ایشی و میشیما [21] به صورت زیر ارائه شدهاند.

$$C_{DGS} = 9.8(1 - \alpha_h)^3 \tag{21}$$

$$C_{DGc} = \left(\frac{8}{3}\right)(1 - \alpha_b)^2 \tag{22}$$

در روابط (21) و (22)

$$\alpha_b = \frac{\alpha_G - \alpha_{GS}}{1 - \alpha_{GS}} \tag{23}$$

#### 2-2- نیروی درگ وارد بر فاز مایع

با فرض آن که در فرآیند انتقال مومنتوم میان فازها از طریق فصل مشترک، انتقال جرم از یک فاز به فاز دیگر رخ نمی دهد و با توجه به محاسبه نیروی وارد بر فاز گاز از سوی فاز مایع در روابط (12) تا (23)، نیروی وارد از سوی فاز گاز بر فاز مایع به صورت رابطه (24) محاسبه می گردد.

$$\sum_{k} F_{ik} = F_{iG} + F_{iL} = 0 {24}$$

#### 2-3- نيروي ديواره

نیروی دیواره به دلیل زبری دیوار و لزج بودن سیال ایجاد میشود. از آنجایی که در جریانهای گاز مایع رو به بالا در یک لوله عمودی، تنها رژیمهای پراکنده - جریان حبابی، لختهای و کفآلود متلاطم - ایجاد میگردند و در این رژیمها فاز گاز هیچگونه تماسی با دیواره لوله ندارد بنابراین مقدار نیروی اصطکاک فاز گاز با دیواره لوله صفر در نظر گرفته میشود [20]. برای فاز مایع که در تماس با سطح میباشد نیروی اصطکاک درون دالیز به شرح ذیل

$$F_{wL} = \frac{f_L \rho_m u_m^2}{2D_h} \tag{25}$$

در رابطه (25)،  $\rho_m$  چگالی مخلوط، و  $f_i$  ضریب اصطکاک دیواره میباشد که برای محاسبه آن هاتا و همکاران [20] رابطه (26) را ارائه دادهاند.

$$f_l = 0.45 \left( \frac{\rho_L u_m D_h}{\mu_L} \right)^{-0.2} \tag{26}$$

#### 2-4- نيروي گرانش

تنها نیروی حجمی وارد بر فازهای مختلف، نیروی گرانش است که به فرم زیر بیان میشوند.

$$F_{gG} = \alpha_G \rho_G g \tag{27}$$

$$F_{\rm gL} = \alpha_L \rho_L g \tag{28}$$

در معادلات (27) و (28)، g، شتاب گرانش است.

#### 2-5- نيروي جرم مجازي

نیروی جرم مجازی به علت اختلاف شتاب بین دوفاز ایجاد میشود. دریو و همکاران [25] برای فاز گاز این نیرو را به فرم رابطه (29) پیشنهاد دادهاند.

$$F_{vG} = \alpha_G \rho_L K_{vG} \left\{ \left[ \frac{\partial u_G}{\partial t} - \frac{\partial u_L}{\partial t} + u_G \frac{\partial u_G}{\partial x} - u_G \frac{\partial u_L}{\partial x} \right] + (u_G - u_L) w_v \left[ (\lambda_v - 2) \frac{\partial u_G}{\partial x} + (1 - \lambda_v) \frac{\partial u_L}{\partial x} \right] \right\}$$
(29)

ونسم و نسم و مجازی فاز گاز میباشد که برای محاسبه آن رنسم و  $K_{vG}$  همکاران [26] رابطه (30) را پیشنهاد داده است.

$$K_{\text{vG}} = \begin{cases} \frac{1}{2} \cdot \frac{1 + 2\alpha_G}{1 - \alpha_G} & 0.0 < \alpha_G < 0.5\\ \frac{1}{2} \cdot \frac{3 - 2\alpha_G}{\alpha_G} & 0.5 < \alpha_G < 1.0 \end{cases}$$
(30)

لاهی و همکاران [27] در جریان عمودی برای ضریب  $\lambda_v$  براساس دادههای آزمایشگاهی مقادیر 1 و یا 2 را پیشنهاد داده است.  $\omega_v$  نیز به صورت آزمایشگاهی تعیین میشود. هاینز و والیز [20] در عملیات عددی که انجام دادهاند مقدار صفر را برای این پارامتر در نظر گرفتهاند.

با محاسبه نیروی جرم مجازی فاز گاز با استفاده از رابطههای (29) و

$$\sum_{i} F_{vk} = F_{vG} + F_{vL} = 0 {31}$$

#### 3-توليد نفت و گاز همزمان با عمليات حفاري

در عملیات حفاری زیر تعادلی، فشار ته چاه کمتر از فشار مخزن نگه داشته می شود بنابراین نفت و گاز از مخزن به درون دالیز راه می یابد و همزمان با عملیات حفاری، تولید نفت و گاز خواهیم داشت. جهت شبیه سازی جریان دوفازی در طول دالیز یک چاه که تحت عملیات حفاری زیر تعادلی قرار گرفته است می بایستی اثرات نفت و گاز تولیدی نیز مدنظر قرار گیرد. برای پیش بینی میزان شارش نفت و گاز برحسب پارامترهای مختلف از رابطه وگل استفاده شده است [28].

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Sauter Mean Diameter

$$\frac{q}{q_{\text{max}}} = 1.0 - 0.2 \left(\frac{BHP}{P_{\text{B}}}\right) - 0.8 \left(\frac{BHP}{P_{\text{B}}}\right)^2$$
 (32)

در معادله (32), p دبی نفت شارش یافته به درون دالیز، BHP فشار ته چاه و  $P_R$  فشار متوسط مخزن است. همچنین  $q_{max}$ , ماکزیمم دبی نفت شارش یافته به درون دالیز است که در ازای فشار ته چاه صفر، بدست می آید. پرواضح است که فشار ته چاه و میزان شارش نفت و گاز به هم کاملا وابسته و کوپل هستند. در حقیقت از یک سو، فشار ته چاه متاثر از دبی نفت و گاز تولیدی از چاه است و از سوی دیگر نفت و گاز تولیدی همچنان که از رابطه (32) برمی آید تابعی از فشار ته چاه است.

#### 4-روش و الگوريتم حل

با فرض پایا بودن جریان، معادلات پیوستگی و مومنتوم به همراه معادله قید هندسی و معادله حالت گاز یک دستگاه شش معادلهای غیرخطی را تشکیل میدهند. با استفاده از رویکرد اختلاف محدود میتوان معادلات مومنتوم و پیوستگی را به شکل جبری نوشت و با استفاده از روش نیوتن که جزئیات مربوط به آن برای حل یک جریان دوفازی افقی با رژیم لایهای توسط برتلند [29] تشریح شده است، به حل دستگاهی با شش معادله غیرخطی و شش مجهول پرداخت.

$$T = \begin{bmatrix} F_{1} \\ F_{2} \\ F_{3} \\ F_{4} \\ F_{5} \\ F_{6} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (\alpha_{G}\rho_{G}u_{G}A)_{i} - K_{Gin} \\ (\alpha_{L}\rho_{L}u_{L}A)_{i} - K_{Lin} \\ (\alpha_{L}\rho_{L}u_{L}A)_{i} - K_{Lin} \\ (\alpha_{L}\rho_{L}u_{L}A)_{i} - K_{Lin} \\ (\alpha_{Lin}(u_{G,i+1} - u_{G,i}) + \alpha_{G,i}A_{i}(P_{i+1} - P_{i}) + A\Delta P_{iG}(\alpha_{G,i+1} - \alpha_{G,i}) - \Delta X \cdot A_{i} \cdot S_{G,i} \\ (\alpha_{Lin}(u_{L,i+1} - u_{L,i}) + \alpha_{L,i}A_{i}(P_{i+1} - P_{i}) + A\Delta P_{iL}(\alpha_{L,i+1} - \alpha_{L,i}) - \Delta X \cdot A_{i} \cdot S_{L,i} \\ \alpha_{G} + \alpha_{L} - 1.0 \\ \rho_{G,i} - \rho(P_{i}, T_{i}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$(33)$$

شش مجهول شامل دو کسر حجمی  $\alpha_{L}$  و  $\alpha_{G}$  دو سرعت  $u_{L}$  و  $u_{G}$  نشار مربوط به  $p_{G}$  و چگالی فاز گاز  $p_{G}$  است. درصورتی که در یکی از مرزها مقادیر مربوط به این مجهولات مشخص باشد بهراحتی میتوان با یک حل بازگشتی همه مجهولات را در طول دالیز بدست آورد.

#### 1-4 - الگوريتم تعيين شرايط مرزى و حل مساله

از الگوریتم زیر جهت تعیین شرایط مرزی و حل مساله استفاده شده است.

- 1- همان گونه که در "شکل ۱" نیز مشخص است، محاسبات از سرچاه (بالای فضای حلقوی) شروع می شود و در امتداد فضای حلقوی تا رسیدن به انتهای چاه ادامه می یابد.
- 2- اولین حلقه تکرار با حدس مقادیر نفت و گاز تولیدی از مخزن شروع می شود. می توان فرض کرد که نفت و گاز با حداکثر دبی ممکن از مخزن به درون دالیز جریان می یابند. با استفاده از این مقادیر و همچنین دبی مایع و گاز تزریقی از سر چاه خواص معادل مایع و گاز درون فضای حلقوی براساس میانگین وزنی اجزاء محاسبه می شوند.
- 3- فشار در خروجی دالیز برابر با فشار چوک است. با استفاده از معادله حالت فاز گاز، چگالی فاز گاز در خروجی دالیز نیز بدست می آید. (شرایط مرزی فشار و چگالی فاز گاز در خروجی دالیز)
- -4 دومین حلقه تکرار با حدس کسر حجمی فاز گاز  $\alpha_G$  در گره سرچاه، شروع میشود و با استفاده از این مقدار حدسی کسر حجمی فاز مایع در سر چاه بدست می آید  $\alpha_L = 1 \alpha_G$  . از این مقادیر برای تعیین سرعت فازهای مایع و گاز  $u_G$  با استفاده مقادیر برای تعیین سرعت فازهای مایع و گاز  $\alpha_L$

- از معادلات بقاء جرم استفاده می شود. (شرایط مرزی کسر حجمی ها و سرعتها در خروجی). بدین ترتیب در مراحل 8 و 4 همه مجهولات در 8 و 8 ، "شکل 8 می شوند.
- $\rho_G$  سومین حلقه تکرار، با حدس مقادیر شش مجهول شامل دو کسر حجمی  $\rho_G$  و  $\mu_G$  و  $\mu_G$  فشار  $\mu_G$  و  $\mu_G$  و  $\mu_G$  فاز گاز گاز گاز کدر دومین گره از سر چاه، گره  $\mu_G$  در "شکل  $\mu_G$  اشروع میشود و با استفاده از تکرار نیوتن، اصلاح این مقادیر حدسی تا ارضاء معیار همگرایی  $\mu_G$  (  $\mu_G$  ) ادامه میبابد. در تکرار نیوتن از رابطه ممگرایی  $\mu_G$  (  $\mu_G$  ) استفاده میشود. در این رابطه بردار  $\mu_G$  استفاده میشود. در این رابطه بردار  $\mu_G$  استفاده میشود (  $\mu_G$  ) محاسبه میشود بردار شامل شش مجهول و بردار  $\mu_G$  از رابطه (  $\mu_G$  ) محاسبه میشود همچنین  $\mu_G$  (  $\mu_G$  ) معکوس ماتریس ژاکوبین است. میتوان از مقادیر گره  $\mu_G$  ،  $\mu_G$  به عنوان مقادیر شروع اولیه در گره  $\mu_G$  ، استفاده کرد.
- ووند حل از پایین دست جریان (سر چاه) به سمت بالادست جریان (انتهای چاه) مشابه با مرحله 75 برای سایر نقاط ادامه می یابد. به منظور اصلاح حدس اولیهی کسر حجمی فاز گاز در گره سرچاهی، پس از حل تعداد معدودی از گرهها (مثلا 75 گره)، با استفاده از برون یابی خطی کسر حجمی فاز گاز در اولین گره سر چاه اصلاح می شود و فرآیند حل با مقدار جدید کسر حجمی فاز گاز بدست آمده، از مرحله 74 تا ارضاء معیار همگرایی امده، از مرحله 75 تا ارضاء می یابد.
- 7- مقدار نفت و گاز تولیدی، با استفاده از فشار انتهای چاه بدست آمده در مرحله ششم همچنین رابطه (32) اصلاح میشود و حل از مرحله 2 با مقادیر اصلاح شده ی نفت و گاز تولیدی، تا ارضاء معیار همگرایی  $(BHP^{n+1} BHP^n | 10^{-7})$  ادامه مییابد.

#### 5-نتایج و بحث در نتایج

#### 5-1- اعتبارسنجي

جهت اعتبارسنجی کد تهیه شده از دو مطالعه موردی استفاده شده است. مطالعه اول مربوط به چاه ماسپک 53 میباشد که یک چاه عمودی عملیاتی است و به روش زیرتعادلی حفاری شده است. اطلاعات این چاه از مرجع [13] استخراج و در جداول 1 و 2 ارائه شده است.

جدول 1 مشخصات هندسی چاه ماسپک 53

Table 1 Muspac 53's annular well geometry

_	Table 1 Muspac 33's annular wen geometry		
	قطر خارجی لوله حفاری(mm)	قطر داخلی دالیز (mm)	عمق (m)
	88.9	152.5	0-2555
	120.7	152.5	2555-2597
	-	149.2	2597-2605

**جدول 2** پارامترهای عملکردی چاه ماسپک 53

Table 2 Muspac 53's operational parameters

مقدار	پارامتر
2605 m	عمق شبیهسازی شده
kg/m³ 940	چگالی مایع حفاری
k 301.15	دمای سطح
k/100m 2.83	گرادیان دمای ژئوترمال
28.02	وزن مولکولی گاز تزریقی <b>(</b> نیتروژن)
m³/min 15.008	نرخ تزریق نیتروژن از سر چاه
m³/min 0.503	نرخ تزریق مایع حفاری
MPa 0.31	فشار خروجی از دالیز <b>(</b> فشار چوک)
MPa 17.24	فشار متوسط مخزن

جدول 5 دادههای تست جریان چاه آیراید 1166

Table 5 Iride	1166's flow	test data
مقدار		

Tuble 2 finde 1100 5 now test data		
مقدار	پارامتر	
MPa 27.1	فشار متوسط مخزن	
m³/day 1275.2	ماكزيمم نرخ جريان نفت	
$m^3/m^3 287.3$	نسبت گاز به نفت	
kg/m³ 805.6	چگالی نفت مخزن	
0.65	وزن مخصوص گاز طبیعی مخزن	
18.83	وزن مولکولی گاز طبیعی مخزن	
MPa 20.7	فشار ته چاه	
m³/day 474	نرخ جريان نفت	

جدول 6 اعتبارسنجی کد تهیه شده

Table 6 Result val	idation	
نفت تولیدی	فشار ته چاه	
m³/day	MPa	
474	20.700	دادەھاي تجربي [13]
489	20.645	نتایج بدست آمده از کد عددی
3.166%	0.266%	درصد خطای روش عددی پیشنهادی

در ادامه نتایج در دو بخش ارائه خواهد شد. در بخش اول تاثیر پارامترهای کنترلی بر توزیع کسرحجمی، سرعت و توزیع فشار در طول دالیز چاه آیراید بررسی خواهد شد. در بخش دوم تاثیر پارامترهای کنترلی بر نفت تولید شده در حین عملیات حفاری مورد بررسی قرار می گیرد. شایان ذکر است که در استخراج نتایج چاه آیراید از شبکهای با 3902 گره استفاده شده است. مطالعه شبكه صورت گرفته مطابق "شكل 3" است.

#### 5-2- تاثیر پارامترهای کنترلی بر توزیع پارامترهای جریان دوفاز در داليز

"شكل 4" تغييرات كسر حجمي فاز گاز در طول داليز براي دبيهاي مختلف تزریق فاز گاز از سر چاه را ارائه میدهد. در تمامی دبیهای فاز گاز تزریقی، کسر حجمی فاز گاز از پایین به بالا در طول دالیز افزایش مییابد. از آن جایی که از پایین به بالا در طول دالیز فشار کاهش می یابد بنابراین منطقی است که فاز گاز فضای بیشتری از دالیز را اشغال کند و به عبارتی کسر حجمی فاز گاز از پایین به بالا افزایش یابد. همچنین با افزایش دبی گاز تزریقی، کسر حجمی فاز گاز در همه نقاط دالیز افزایش می بابد. نکته جالب توجه دیگر آن که با توجه به اطلاعات هندسی چاه، در عمق 3764 متری یک تغییر سطح مقطع وجود دارد. "شكل 4" نشان مي دهد كه با كاهش ناگهاني سطح مقطع در همهی دبیهای فاز گاز تزریقی،کسر حجمی فاز گاز یک افزایش ناگهانی را نشان میدهد. این افزایش ناشی از تغییرات سرعت فاز گاز است.

'شکل 5" تغییرات سرعت فاز گاز در طول دالیز برای دبیهای مختلف تزریق فاز گاز را ارائه میدهد. تغییر سرعت فاز گاز در قسمتهای انتهایی چاه مقدار کوچکتری نسبت به قسمتهای نزدیک به سر چاه دارد به گونهای که اغلب تغییرات سرعت فاز گاز در صد متر ابتدایی چاه رخ داده است. همچنین کاهش ناگهانی تغییر سطح مقطع سبب افزایش سرعت فاز گاز شده است. در دبیهای بزرگتر از فاز گاز تزریقی، میزان افزایش سرعت ناشی از تغییر سطح مقطع بیشتر است. به علاوه با افزایش دبی فاز گاز تزریقی در همهی نقاط داليز، سرعت فاز گاز افزايش يافته است.

"شکل 6" تغییرات سرعت فاز مایع در طول دالیز برای دبیهای مختلف فاز گاز تزریقی را ارائه میدهد. با قیاس این نمودار با نمودار 5 مشخص "شكل 2" توزيع فشار بدست آمده درون داليز چاه ماسپك 53 را نشان می دهد. فشار از سر چاه به سمت انتهای چاه، در امتداد دالیز افزایش می یابد همان گونه که نتایج نشان می دهد مدل سازی عددی انجام شده با استفاده از مدل دوسیالی تک فشاری، در قیاس با مدلهای مکانیسمنگر و دادهی تجربی ارائه شده از دقت قابل قبولی برخوردار است.

دومین مطالعهی موردی مربوط به چاه آیراید است. چاه آیراید 1166 یک چاه عمودی عملیاتی است که در میدان نفت و گاز سمریا آیراید مکزیک واقع و به روش زیر تعادلی حفاری شده است. اطلاعات این چاه از مرجع [13] استخراج و در جداول 3 تا 5 ارائه شده است. در این چاه همزمان با عملیات حفاری تولید نفت و گاز از مخزن نیز وجود دارد. نتایج حاصل از شبیهسازی عددی جریان در چاه سمریا آیراید 1166 با استفاده از کد عددی تهیه شده به همراه نتایج تجربی ارائه شده در [13] و درصد خطای روش عددی در جدول 6 ارائه شده است. همان گونه که از این جدول نیز برمی آید کد عددی تهیه شده با دقت خوبی جریان دوفازی گاز- مایع در عملیات حفاری زیرتعادلی را شبیهسازی مینماید.

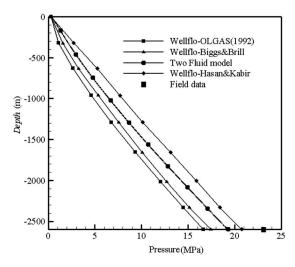


Fig. 2 Comparison of pressure distribution obtained from two fluid model with actual data and mechanistic model

شکل 2 مقایسه توزیع فشار بدست آمده از کد تهیه شده برمبنای مدل دوسیالی با نتایج تجربی و مکانیسمنگر

جدول 3 مشخصات هندسي چاه آيرايد 1166

Table 3 Iride 1166's annular well geometry

Table 3 file 1100's allifular well geometry		
قطر خارجی لوله حفاری(mm)	قطر داخلی دالیز (mm)	عمق (m)
88.9	168.3	0-3764
120.7	168.3	3764-3901

جدول 4 پارامترهای عملکردی چاه آیراید 1166

Table 4 Inde 1166's operational parameters		
مقدار	پارامتر	
kg/m³ 949	چگالی مایع حفاری	
k 302.4	دمای سطح	
k/100m 3.06	گرادیان دمای ژئوترمال	
28.02	وزن مولکولی گاز تزریقی (نیتروژن)	
$m^3/min 10$	نرخ تزریق نیتروژن از سر چاه	
m³/min 0.4542	نرخ تزریق مایع حفاری	
MPa 0.207	فشار خروجی از دالیز <b>(</b> فشار چوک)	

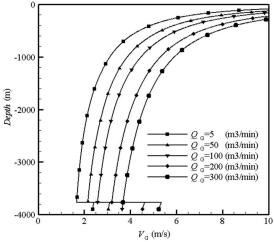
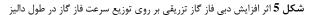
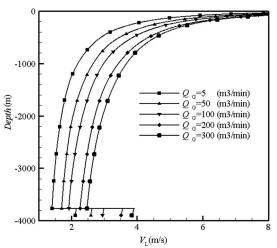


Fig. 5 The effect of gas injection flow rate on the distribution of gas velocity in the annulus





 ${\bf Fig.~6}$  The effect of gas injection flow rate on the distribution of liquid velocity in the annulus

 $\mathbf{m}$  اثر افزایش دبی فاز گاز تزریقی بر روی توزیع سرعت فاز مایع در طول دالیز  $\mathbf{6}$ 

بودن عامل افت فشار هیدرواستاتیک در این ناحیه میباشد. همچنین با کاهش سطح مقطع، میزان افزایش فشار با افزایش عمق نیز افزایش مییابد. این امر در دبیهای بزرگتر فاز گاز تزریقی بیشتر و نمایان تر است.

"شکل 8" تغییرات کسر حجمی فاز گاز در طول دالیز برای دبیهای مختلف فاز مایع تزریقی از سرچاه را نشان میدهد. با افزایش دبی تزریقی فاز مایع، کسر حجمی فاز گاز در همه نقاط دالیز کاهش مییابد. میزان این کاهش در ناحیهی نزدیک به انتهای چاه بیشتر است. همچنین میزان افزایش ناگهانی کسر حجمی فاز گاز در اثر کاهش ناگهانی سطح مقطع با افزایش دبی حجمی فاز مایع تزریقی کاهش مییابد.

"شکل 9" تغییرات سرعت فاز گاز در طول دالیز برای دبیهای مختلف تزریق فاز مایع را ارائه میدهد. با افزایش دبی فاز مایع تزریقی، سرعت فاز گاز در تمام طول دالیز کاهش می یابد. همچنین با افزایش دبی تزریقی فاز مایع از سرچاه، میزان تغییر ناگهانی سرعت فاز گاز در اثر تغییر ناگهانی سطح مقطع کاهش می یابد. به بیان دیگر در دبیهای بیشتر فاز مایع، سرعت فاز گاز حساسیت کمتری نسبت به تغییرات هندسی سطح مقطع دارد.

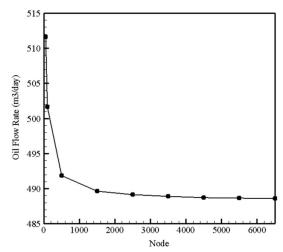


Fig. 3 Grid study

شكل 3 مطالعهى شبكه

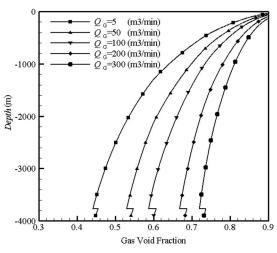
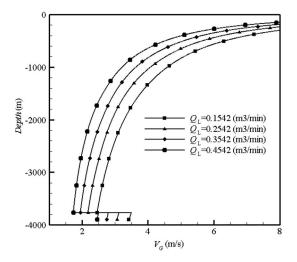


Fig. 4 The effect of gas injection flow rate on the distribution of gas void fraction in the annulus

شکل 4 اثر افزایش دبی فاز گاز تزریقی بر توزیع کسر حجمی فاز گاز در طول دالیز

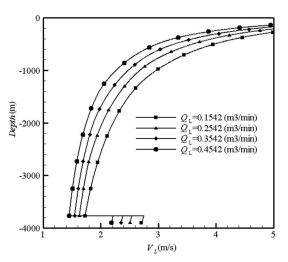
می گردد که در همه ی طول دالیز سرعت فاز مایع کمتر از فاز گاز است. همچنین اغلب تغییر سرعت فاز مایع در ناحیه ی سرچاهی رخ می دهد. با کاهش سطح مقطع دالیز، سرعت فاز مایع نیز افزایش می یابد. میزان این افزایش وابسته به دبی تزریق گاز است و در دبی های بیشتر فاز گاز تزریقی، میزان افزایش سرعت فاز مایع در اثر کاهش سطح مقطع بیشتر است. به علاوه آن که با افزایش دبی فاز گاز تزریقی، در همه ی نقاط دالیز سرعت فاز مایع افزایش می یابد.

"شکل 7" توزیع فشار در طول دالیز برای دبیهای مختلف فاز گاز تزریقی را نشان میدهد. با افزایش دبی فاز گاز تزریقی، میزان افزایش فشار در ناحیهی نزدیک به سرچاه افزایش بیشتری مییابد. از آن جایی که در ناحیههای نزدیک به سرچاه مقدار سرعتها و کسر حجمی فاز گاز بیشتر از نواحی انتهایی چاه است بنابراین مکانیزم غالب بر گرادیان فشار در این ناحیه اصطکاک است از این رو در دبیهای بزرگتر از فاز گاز تزریقی گرادیان فشار در این ناحیه در این ناحیه شدیدتر است. در قسمتهای نزدیک به انتهای چاه، در دبیهای کوچکتر فاز گاز، میزان افزایش فشار بیشتر است. این امر ناشی از حاکم



 ${\bf Fig.~9}$  The effect of liquid injection flow rate on the distribution of gas velocity in the annulus

شکل 9 اثر افزایش دبی فاز مایع تزریقی بر روی توزیع سرعت فاز گاز در طول دالیز



 ${f Fig.~10}$  The effect of liquid injection flow rate on the distribution of liquid velocity in the annulus

شکل 10 اثر افزایش دبی فاز مایع تزریقی بر توزیع سرعت فاز مایع در طول دالیز

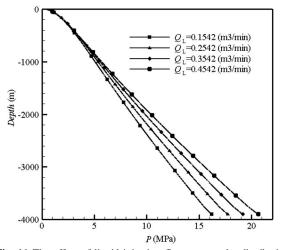


Fig. 11 The effect of liquid injection flow rate on the distribution of pressure in the annulus

شکل 11 اثر افزایش دبی فاز مایع تزریقی بر روی توزیع فشار در طول دالیز

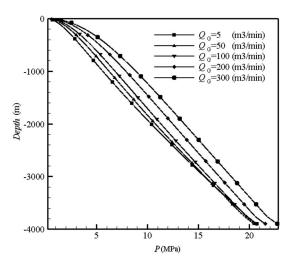


Fig 7 The effect of gas injection flow rate on the distribution of pressure in the annulus

**شکل 7** اثر افزایش دبی فاز گاز تزریقی بر روی توزیع فشار در طول دالیز

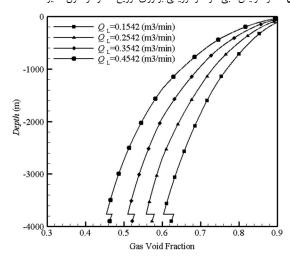


Fig. 8 The effect of liquid injection flow rate on the distribution of gas void fraction in the annulus

شکل 8 اثر افزایش دبی فاز مایع تزریقی بر توزیع کسر حجمی فاز گاز در طول دالیز

"شکل 10" نحوه ی تغییر سرعت فاز مایع در طول دالیز را برای دبیهای مختلف فاز مایع تزریقی از سرچاه نشان می دهد. با افزایش دبی تزریقی فاز مایع، سرعت فاز مایع در تمام طول دالیز کاهش می یابد. میزان افزایش سرعت فاز مایع ناشی از کاهش سطح مقطع با افزایش دبی فاز مایع تزریقی کاهش می یابد. با مقایسه دو نمودار 9 و 10 مشاهده می شود که علی رغم کاهش سرعت هر دو فاز گاز و مایع به واسطه ی افزایش دبی فاز مایع تزریقی، همچنان در تمامی نقاط دالیز سرعت فاز گاز از سرعت فاز مایع بیشتر است. "شکل 11" توزیع فشار در طول دالیز برای دبیهای مختلف فاز مایع تزریقی در تزریقی را نشان می دهد. به طور کلی با افزایش دبی فاز مایع تزریقی در بیشتر می شود. به عبارتی با افزایش عمق چاه و حاکم شدن مکانیزم فشار هیدرواستاتیک، افزایش فشار ناشی از افزایش دبی فاز مایع تزریقی از سر چاه هیدرواستاتیک، افزایش فشار ناشی از افزایش دبی فاز مایع تزریقی از سر چاه نیز افزایش می یابد. از مقایسه "شکلهای 7 و 11" می توان این گونه برداشت نیز افزایش دبی فاز گاز منجر به افزایش گرادیان فشار اصطکاکی می شود نو بیشترین بروز را در ناحیه ی سرچاهی دارد در مقابل افزایش دبی فاز مایع

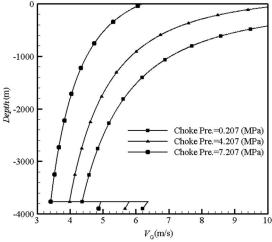


Fig. 13 The effect of choke pressure on the distribution of gas velocity in the annulus

شکل 13 اثر افزایش فشار چوک بر روی توزیع سرعت فاز گاز در طول دالیز

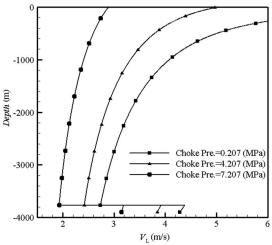


Fig. 14 The effect of choke pressure on the distribution of liquid velocity in the annulus

شکل 14 بررسی اثر افزایش فشار چوک بر روی توزیع سرعت فاز مایع در طول دالیز

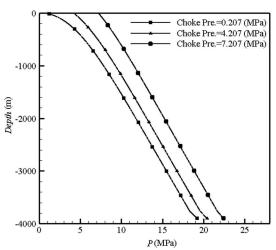


Fig. 15 The effect of choke pressure on the distribution of pressure in the annulus

شکل 15 بررسی اثر افزایش فشار چوک بر روی توزیع فشار در طول دالیز

تزریقی، منجر به افزایش ترم هیدرواستاتیک گرادیان فشار می شود و به تبع بیشترین تاثیر را در ناحیه انتهایی نشان خواهد داد.

"شکل 12" تغییرات کسر حجمی گاز در طول دالیز در فشارهای چوک مختلف را نشان میدهد. با افزایش فشار چوک، کسر حجمی گاز کاهش مییابد. این کاهش در ناحیهی سرچاهی مرتبه بزرگتری دارد. علت این امر آن است که در نقاط نزدیک به سرچاه، فشار کل جریان کمتر از نقاط انتهایی است. بنابراین فشار چوک اضافه شده در قیاس با فشار کل جریان، مرتبهی بزرگتری دارد درحالی که در انتهای چاه، نسبت فشار چوک اضافه شده به فشار جریان با توجه به بزرگی فشار کل در نقاط انتهایی، کوچکتر است.

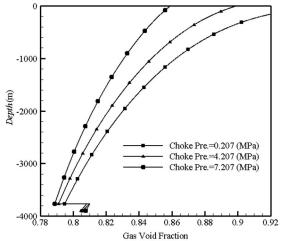
"شکل 13" تغییرات سرعت فاز گاز در طول دالیز در فشارهای چوک مختلف را ارائه کرده است. با افزایش فشار چوک، سرعت فاز گاز در تمام طول دالیز کاهش مییابد. میزان این کاهش در ناحیهی سرچاهی بیشتر از انتهای چاه میباشد. همچنین با افزایش فشار چوک، میزان افزایش در سرعت فاز گاز ناشی از کاهش ناگهانی سطح مقطع،کاهش مییابد.

"شکل 14" سرعت فاز مایع در طول دالیز در فشارهای چوک مختلف را نشان میدهد. با افزایش فشار چوک، سرعت فاز مایع کاهش مییابد. اغلب تغییرات سرعت مایع در همهی فشارهای چوک در ناحیهی سرچاهی رخ میدهد. با افزایش فشار چوک این امر تشدید میگردد. همچنین با افزایش فشار چوک، افزایش در سرعت فاز مایع، ناشی از کاهش ناگهانی سطح مقطع،کاهش مییابد. به عبارتی با افزایش فشار چوک حساسیت سرعت فازهای مایع و گاز نسبت به تغییر هندسی سطح مقطع کاهش مییابد.

"شکل 15" توزیع فشار در طول دالیز را برای فشارهای چوک مختلف نشان میدهد. افزایش فشار چوک سبب میشود تا فشار در همه نقاط افزایش یابد. میزان این افزایش در نقاط و در فشارهای چوک مختلف، متفاوت است. با توجه به "شکلهای 12- 15" افزایش فشار چوک، توزیع کسر حجمیها و سرعتها را با توابعی غیرخطی تحت تاثیر قرار میدهد بنابراین بدیهی است که توزیع فشار نیز در همه نقاط به شکل یکسانی تغییر نکند.

#### 3-5-تاثیر پارامترهای کنترلی بر نفت تولید شده از مخزن

در "شکل 16" نحوه تغییر نرخ جریان نفت تولید شده از مخزن براساس دبی فاز گاز تزریق شده و در دبیهای مختلف تزریق فاز مایع ارائه شده است.



 $Fig.\ 12$  The effect of choke pressure on the distribution of gas void fraction in the annulus

شکل 12 اثر افزایش فشار چوک بر روی توزیع کسر حجمی فاز گاز در طول دالیز

نمودارهای نرخ جریان نفت تولید شده از مخزن براساس دبی فاز گاز تزریق شده اغلب به دو ناحیه تقسیم میشوند. در ناحیهی ابتدایی نمودار صعودی است و با افزایش دبی فاز گاز تزریقی فشار ته چاه کاهش و نرخ جریان نفت تولید شده از مخزن افزایش مییابد. پس از رسیدن به نقطه بیشینه تولید نفت، نمودار نزولی خواهد شد و با افزایش دبی فاز گاز تزریقی فشار ته چاه افزایش و نرخ تولید نفت کاهش مییابد.

گرادیان فشار کل، مجموع گرادیان فشار اصطکاکی و گردایان فشار هیدرواستاتیکی است. با افزایش دبی فاز گاز تزریقی، سرعت فازها که عامل تعیین کننده ی گرادیان فشار اصطکاکی هستند افزایش می یابند و کسرحجمی فاز مایع که عامل اصلی در تعیین گرادیان فشار هیدرواستاتیکی است، کاهش می یابد. در حقیقت با افزایش دبی فاز گاز تزریقی گرادیان فشار اصطکاکی افزایش و گرادیان فشار هیدرواستاتیکی کاهش می یابد. در ناحیه ی ابتدایی نمودارهای نرخ نفت تولید شده برحسب دبی فاز گاز تزریق شده، میزان کاهش در ترم هیدرواستاتیک غالب تر از افزایش در ترم اصطکاک است.

از این رو ناحیه ی ابتدایی را ناحیه ی هیدرواستاتیک غالب می نامند. در ناحیه ی دوم نیز با افزایش دبی فاز گاز تزریقی گرادیان فشار اصطکاکی افزایش می اید و گرادیان فشار هیدرواستاتیکی کاهش خواهد یافت اما میزان افزایش گرادیان فشار اصطکاکی بیش از گرادیان فشار هیدرواستاتیکی است. افزایش رو این ناحیه را ناحیه ی اصطکاک غالب می نامند. با توجه به "شکل 16"، در همه ی دبی های فاز گاز تزریقی، با افزایش دبی فاز مایع تزریقی از سر چاه فشار ته چاه افزایش و نرخ تولید نفت کاهش می یابد. در دبی فاز مایع تزریقی کل تزریقی کطبه ناحیه ی اصطکاک غالب است. با افزایش دبی فاز مایع، ناحیه ی هیدرواستاتیک غالب نیز به وجود می آید و هر چه دبی فاز مایع تزریقی بیشتر شود گسترش ناحیه ی هیدرواستاتیک غالب در دبیهای فاز گاز بیشتری شود گسترش ناحیه ی هیدرواستاتیک غالب در دبیهای فاز گاز بیشتری خواهد بود. با افزایش دبی فاز مایع تزریقی محل کمترین فشار ته چاه در دبیهای بزرگتری از فاز گاز تزریقی رخ خواهد داد. بهینهترین حالت در عملیات حفاری زیرتعادلی رسیدن به بیشترین میزان تولید نفت در عین عملیات محدودیتهاست.

"شکل 17" میزان نفت تولیدی از مخزن برحسب دبی فاز گاز تزریقی در فشارهای چوک مختلف را ارائه کرده است. ناحیههای هیدرواستاتیک غالب و اصطکاک غالب در نمودارها مشخص است. در همهی دبیهای تزریقی فاز گاز با افزایش فشار چوک، فشار ته چاه افزایش و به تبع آن نرخ نفت تولیدی کاهش یافته است. میزان این کاهش در ناحیهی هیدرواستاتیک غالب بیشتر از ناحیهی اصطکاک غالب است. با افزایش دبی فاز گاز تزریقی، میزان کاهش نفت تولیدی در اثر تغییر فشار چوک، کاهش می یابد. به عبارتی افزایش فشار چوک بیشتر عوامل دخیل در ترم گرادیان فشار هیدرواستاتیک را تحت تاثیر قرار می دهد و سبب کاهش حجم فاز گاز می شود و تاثیر کمتری بر روی سرعت فازها دارد. بایستی توجه داشت که به واسطه مسائل مربوط به پایداری دیواره چاه و همچنین محدودیتهای مربوط به ابزارهای سرچاهی نمی توان فشار چوک را از مقدار مشخصی کمتر در نظر گرفت.

در "شکل 18" نتایج مربوط به بررسی نرخ جریان نفت تولید شده از مخزن برحسب دبی فاز مایع تزریق شده از سر چاه و در دبیهای مختلف فاز گاز ارائه شده است. با افزایش دبی فاز مایع در همهی دبیهای فاز گاز، فشار تهچاه افزایش و نرخ تولید نفت از مخزن کاهش می یابد. شیب نمودار در دبیهای مختلف فاز گاز متفاوت است. به عبارتی میزان کاهش نفت تولیدی ناشی از افزایش تزریق مایع در سر چاه به دبی فاز گاز تزریق شده وابسته است. در دبیهای فاز گازی که جریان در ناحیهی هیدرواستاتیک غالب قرار می گیرد—5 متر مکعب بر دقیقه— شیب نمودار بیش از سایر نمودارهاست. به بیان دیگر در ناحیهی هیدرواستاتیک غالب، افزایش دبی فاز مایع تزریق شده بیان دیگر در ناحیهی هیدرواستاتیک غالب، افزایش دبی فاز مایع تزریق شده تاثیر بیشتری در کاهش نفت تولیدی دارد.

"شکل 19"، نحوهی تغییرات نرخ جریان نفت تولیدی از مخزن برحسب دبی فاز مایع تزریقی در فشارهای چوک مختلف را نشان می دهد. دو دسته نمودار ارائه شده است. نمودارهای خط پر در ناحیهی هیدرواستاتیک غالب و نمودارهای خط چین در ناحیهی اصطکاک غالب قرار دارند. در هر دو دسته نمودار، با افزایش دبی فاز مایع، بواسطهی افزایش فشار ته چاه، تولید نفت کاهش می یابد. همچنین با افزایش فشار چوک در هر دو ناحیه، فشار ته چاه افزایش و نرخ تولید نفت کاهش یافته است. میزان افزایش فشار چوک تاثیر مشهودی بر روی شیب نمودارها نداشته است.

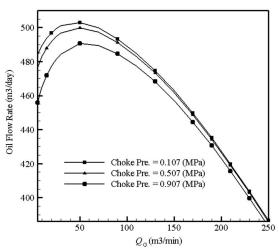


Fig. 17 The effect of injected gas flow rate on the oil production at different chock pressure

شکل 17 بررسی اثر دبی گاز تزریق شده بر تولید نفت در فشارهای چوک مختلف

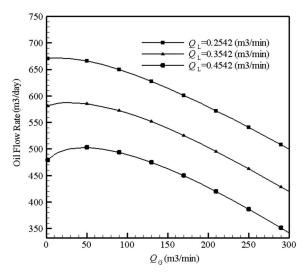


Fig. 16 The effect of injected gas flow rate on the oil production at different flow rate of injected liquid phase

شکل 16 بررسی اثر دبی گاز تزریق شده بر تولید نفت در دبیهای مختلف فاز مایع

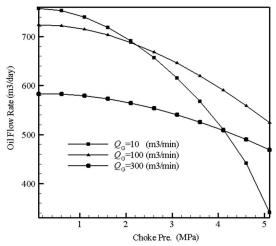


Fig. 20 The effect of chock pressure on the oil production at different flow rate of injected gas phase



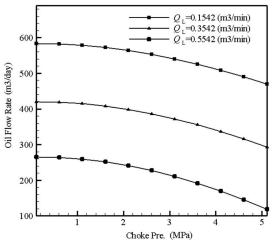


Fig. 21 The effect of choke pressure on the oil production at different flow rate of injected liquid phase

#### شکل 21 بررسی اثر فشار چوک بر نفت تولیدی در دبیهای مختلف فاز مایع

#### 6-نتيجه گيري

در این مطالعه، جهت شبیهسازی جریان دوفازی گاز- مایع در فضای حلقوی یک چاه با ابعاد واقعی که تحت عملیات حفاری زیرتعادلی قرار دارد از روشی عددی مبتنی بر مدل دوسیالی تک فشاری استفاده شده است. شارش نفت و گاز از مخزن بهواسطهی زیرتعادلی بودن عملیات حفاری درنظر گرفته شده است. نتایج حاصل از کد عددی تهیه شده با دادههای دو چاه واقعی مقایسه و اعتبارسنجی شده است. براساس نتایج بدست آمده:

- 1- روش عددی پیشنهادی با دقت بسیار بهتری نسبت به سایر روشها نفت تولیدی از مخزن را شبیهسازی مینماید.
- 2- تاثیر تغییرات دبی فاز گاز تزریق شده بر تولید نفت و گاز وابسته
   به مقادیر دبی فاز مایع تزریق شده و فشار چوک است.
- افزایش دبی فاز مایع تزریق شده سبب کاهش میزان نفت و گاز تولید شده میشود. میزان این کاهش وابسته به مقدار دبی فاز گاز و مستقل از فشار چوک است.

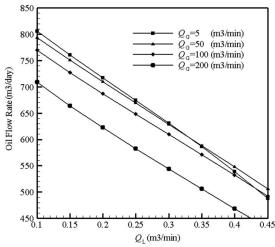
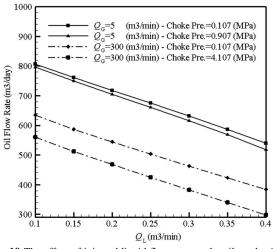


Fig. 18 The effect of injected liquid flow rate on the oil production at different flow rate of injected gas phase

شکل 18 بررسی اثر دبی مایع تزریق شده بر نفت تولیدی در دبی مختلف فاز گاز



 ${\bf Fig.~19}$  The effect of injected liquid flow rate on the oil production at different chock pressure

شکل 19 بررسی اثر دبی مایع تزریق شده بر نفت تولیدی در فشارهای چوک مختلف

"شکل 20" تاثیر افزایش فشار چوک بر نرخ تولید نفت از مخزن را در دبیههای مختلف فاز گاز نشان می دهد. در دبی مشخصی از گاز تزریقی با افزایش فشار چوک، فشار ته چاه افزایش و به تبع آن تولید نفت کاهش می یابد. میزان کاهش کاملا وابسته به نرخ تزریق فاز گاز در سرچاه است. در نزخهای پایین تر فاز گاز، کاهش تولید نفت ناشی از افزایش فشار چوک بسیار بیشتر از نرخهای بالای فاز گاز است. علت این امر آن است که در دبیهای فاز گاز کمتر، بیشتر ترمهای گرادیان فشار هیدرواستاتیکی غالب هستند و افزایش فشار چوک نیز همان طور که در توضیحات "شکل 17" بیان شد بیشتر عوامل دخیل در ترم گرادیان فشار هیدرواستاتیک را تحت تاثیر قرار می دهد.

در "شکل 21"، تاثیر فشار چوک بر نرخ نفت تولیدی در دبیهای مختلف فاز مایع تزریقی ارائه شده است. افزایش فشار چوک در همهی دبیهای فاز مایع تزریقی منجر به افزایش فشار ته چاه و کاهش نرخ نفت تولیدی از چاه میشود. میزان کاهش نفت تولیدی از چاه در اثر افزایش فشار چوک تاثیر چندانی از دبی فاز مایع تزریقی نمیپذیرد. این امر بدان علت است که فاز مایع فازی تراکم ناپذیر است و افزایش فشار تاثیر بر آن ندارد.

- Underbalanced Drilling Operations, PhD Thesis, Universidad Nacional Autonoma de Mexico, 2003.
- [14] J. J. Fan, C. Gao, S. Taihe, H. Liu, Z. Yu, A comprehensive model and computer simulation for underbalanced drilling in oil and gas wells, in the SPE/ICoTA Coiled Tubing Roundtable, Houston, Texas, 7–8 March 2001.
- [15]C. Perez-Tellez, A. Urbieta-Lopez, A. Miller, R. Banda-Morato, Bottomhole pressure measurements: Indispensable tool for optimizing underbalanced drilling operations, in the Offshore Technology Conference, Houston, Texas, 5-8 May 2003.
- [16]M. Khezrian, E. Hajidavalloo, Y. Shekari, Modeling and simulation of under-balanced drilling operation using two-fluid model of two-phase flow, *Chemical Engineering Research and Design*, Vol. 93, No 1, pp. 30-37, 2015.
- [17]S. Evje, T. Flåtten, Hybrid flux-splitting schemes for a common two-fluid model, *Journal of Computational Physics*, Vol. 192, No. 1, pp. 175-210, 2003.
- [18]D. Bestion, The physical closure laws in the CATHARE code, Nuclear Engineering and Design, Vol. 124, No. 3, pp. 229-245, 1990
- [19]P. Dranchuk, H. Abou-Kassem, Calculation of Z factors for natural gases using equations of state, *Journal of Canadian Petroleum Technology*, Vol. 14, No. 03, pp. 14-34, 1975.
- [20]N. Hatta, H. Fujimoto, M. Isobe, J.-S. Kang, Theoretical analysis of flow characteristics of multiphase mixtures in a vertical pipe, *International Journal of Multiphase Flow*, Vol. 24, No. 4, pp. 539-561, 1998.
- [21]M. Ishii, K. Mishima, Two-fluid model and hydrodynamic constitutive relations, *Nuclear Engineering and design*, Vol. 82, No. 2, pp. 107-126, 1984.
- [22]N. Kurul, M. Podowski, On the modeling of multidimensional effects in boiling channels, in the Advanced in Nuclear Science Proceedings of the 27th National Heat Transfer Conference, Minneapolis, USA, 1991.
- [23]G. Kocamustafaogullari, W. Huang, J. Razi, Measurement and modeling of average void fraction, bubble size and interfacial area, *Nuclear Engineering and Design*, Vol. 148, No. 2, pp. 437-453, 1994
- [24] A. Tomiyama, Struggle with computational bubble dynamics, Multiphase Science and Technology, Vol. 10, No. 4, pp. 369-405, 1998.
- [25] D. Drew, L. Cheng, R. Lahey, The analysis of virtual mass effects in two-phase flow, *International Journal of Multiphase Flow*, Vol. 5, No. 4, pp. 233-242, 1979.
- [26] V. H. Ransom, R. Wagner, J. Trapp, L. Feinauer, G. Johnsen, D. Kiser, R. Riemke, RELAP5/MOD2 code manual, Volume 1: Code structure, system models, and solution methods, *Report NUREG/CR-4312 and EGG-2796*, 1985.
- [27]R. Lahey, L. Cheng, D. Drew, J. Flaherty, The effect of virtual mass on the numerical stability of accelerating two-phase flows, *International Journal of Multiphase Flow*, Vol. 6, No. 4, pp. 281-294, 1980.
- [28]B. Guo, W. C. Lyons, A. Ghalambor, Petroleum production engineering, a computer-assisted approach, pp 3.30-3.36, Texas: Gulf Professional Publishing, 2007.
- [29] O. Bratland, Pipe Flow 2: Multi-phase Flow Assurance, pp. 41-59, Accessed January 2010, http://www.drbratland.com.

4- افزایش فشار چوک سبب کاهش میزان تولید نفت و گاز می گردد. نحوه و میزان این کاهش وابسته به دبی فاز گاز و مستقل از دبی فاز مایع تزریقی است.

#### 7-مراجع

- A. Hasan, C. Kabir, Two-phase flow in vertical and inclined annuli, *International Journal of Multiphase Flow*, Vol. 18, No. 2, pp. 279-293, 1992.
- [2] A. Ansari, N. Sylvester, C. Sarica, O. Shoham, J. Brill, A comprehensive mechanistic model for upward two-phase flow in wellbores, SPE Production and Facilities (Society of Petroleum Engineers); (United States), Vol. 9, No. 2, pp. 143-152, 1994.
- [3] L. Q. Ping, Z. M. Wang, J. G. Wei, Pressure drop models for gasliquid two-phase flow and its application in underbalanced drilling, *Journal of Hydrodynamics*, Series B, Vol. 18, No. 3, pp. 405-411, 2006
- [4] H. Mousavi, V. Mostafavi, T. Nazari, G. Haraland, F. Shirkavand, Modeling of three-phase flow in the annuli during UBD operations, in the SPE International Symposium and Exhibition on Formation Damage Control, Lafayette, Louisiana, USA, 13-15 February, 2008
- [5] R. E. Osgouei, W. L. S. Yoong, E. M. Ozbayoglu, Calculations of equivalent circulating density in underbalanced drilling operation. paper, in the International Petroleum Technology Conference, Beijing, China, 26–28 March, 2013.
- [6] R. J. Lorentzen, K. K. Fjelde, J. Froyen, A. C. Lage, G. Nævdal, E. H. Vefring, Underbalanced drilling: Real time data interpretation and decision support, in the SPE/IADC drilling conference, Amsterdam, Netherlands, 27 February-1 March, 2001.
- [7] R. J. Lorentzen, K. K. Fjelde, J. Froyen, A. C. Lage, G. Naevdal, E. H. Vefring, Underbalanced and low-head drilling operations: Real time interpretation of measured data and operational support, in the SPE Annual Technical Conference and Exhibition, New Orleans, Louisiana, 30 September-3 October, 2001.
- [8] R. J. Lorentzen, G. Naevdal, A. C. Lage, Tuning of parameters in a two-phase flow model using an ensemble Kalman filter, *International Journal of Multiphase Flow*, Vol. 29, No. 8, pp. 1283-1309, 2003.
- [9] E. H. Vefring, G. Nygaard, K. K. Fjelde, R. J. Lorentzen, G. Nævdal, A. Merlo, Reservoir characterization during underbalanced drilling: Methodology, accuracy, and necessary data, in the SPE Annual Technical Conference and Exhibition, San Antonio, Texas, USA, 29 September-2 October 2002.
- [10]E. H. Vefring, G. H. Nygaard, R. J. Lorentzen, G. Naevdal, K. K. Fjelde, Reservoir characterization during underbalanced drilling (UBD): Methodology and active tests, SPE Journal, Vol. 11, No. 02, pp. 181-192, 2006.
- [11] E. H. Vefring, Z. Wang, S. Gaard, G. F. Bach, An advanced kick simulator for high angle and horizontal wells-part I, in the SPE/IADC Drilling Conference, Amsterdam, Netherlands, 28 February-2 March, 1995.
- [12]E. H. Vefring, Z. Wang, S. Gaard, G. F. Bach, An advanced kick simulator for high angle and horizontal wells-part II, in the Middle East Oil Show, Bahrain, 11-14 March, 1995.
- [13]C. Perez-Tellez, Improved Bottomhole Pressure Control for